

# 実験的仕様の関数

---

Risa/Asir 実験的仕様関数説明書  
1.0 版  
2013 年 2 月

---

by Risa/Asir committers

Copyright © Risa/Asir committers 2004–2010. All rights reserved.

## 1 実験的仕様の関数説明書について

この説明書では Asir に導入された実験的仕様の関数について説明する。正式な関数として導入されたものの記述は Risa/Asir マニュアルに移動される。ChangeLog の項目は [www.openxm.org](http://www.openxm.org) の cvsweb でソースコードを読む時の助けになる情報が書かれている。

## 2 実験的仕様の関数

### 2.1 クオート

#### 2.1.1 quotetotex, quotetotex\_env

```

quotetotex(q)
    :: q を latex 形式で表現した文字列に変換する.

quotetotex_env(key, value)
    :: quotetotex の動作を制御するパラメータを変更する.

quotetotex_env()
    :: quotetotex の動作を制御するパラメータの現在値を戻す.

quotetotex_env(0)
    :: quotetotex の動作を制御するパラメータをデフォルト値に戻す.

return 文字列 (quotetotex) または リストまたはオブジェクト (quotetotex_env)

q      quote
key    文字列
value  オブジェクト



- quotetotex は q を latex 形式で表現した文字列に変換する.
- 以下 quotetotex_env のパラメータの意味を説明する.
- conv_rule: 3 ビットを用いて変換ルールを指定する. 0 ビット目は symbol_table による変換を行うか, 1 ビット目は添字変換を行うか, 2 ビット目は d から始まる変数名を微分作用素とみなして処理するか, を意味する. たとえば conv_rule として 3 を指定すると, 0 ビット目, 1 ビット目が 1 となるので symbol_table による変換を行い, 添字変換をおこなう. 添字変換は数字と英字の境目および_記号を区切りとする. symbol_table による変換が最初に適用される. alpha, beta, 等は自動的にギリシャ文字に変換するテーブルは内蔵ずみ.
- dp_vars_prefix: 分散表現多項式は  $x_0, x_1, \dots$  の多項式として latex 形式に変換されるがこの x の部分を変更する.
- dp_vars_origin: インデックスの始まりの値を指定する. デフォルトは 0.
- dp_vars_hweyl: 分散表現多項式をワイル代数の元とみなして latex 形式に変換する. 偶数個変数があるときは最初の半分を  $x_0, x_1, \dots$  に後半の半分を  $\partial_0, \partial_1, \dots$  に変換する. 奇数個の場合は最後の変数が同時化変数として h で表示される.
- dp_dvars_prefix: dp_vars_hweyl が 1 の時に後半部分の prefix を指定する. デフォルトは  $\partial$
- dp_dvars_origin: dp_vars_hweyl が 1 の時のインデックスの始まりの値.
- conv_func: ユーザ定義の変換関数をよぶ.


[3] quotetotex(quote(1/(x+1)));
\frac{ 1} { ( {x}+ 1) }
[4] quotetotex(objtoquote(diff(x^x,x)));

```

```

{x}^{\{x\}-1} {x}+ \log(\{x\}) {x}^{\{x\}}
[5] quotetotex_env("conv_rule",3);
[6] quotetotex(objtoquote((alpha2beta+x_i_j)^2));
{\alpha}_{2,\beta}^2 + 2 {x}_{i,j} {\alpha}_{2,\beta} + {x}_{i,j}^2

```

参照      ⟨undefined⟩ [objtoquote], page ⟨undefined⟩ print\_tex\_form(contrib)

#### ChangeLog

- この関数は 2004 年 2 月末から 3 月にかけて asir を knoppix 版 texmacs に対応させるために書かれた。Asir-contrib の print\_tex\_form がその原型であり、それを効率化しました出力形式を改善した。OpenXM/src/kxx/ox\_textracs.c, OpenXM/src/textracs も参照。
- OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/noro\_print.rr 1.1–1.8, noro\_print\_default.rr 1.1–1.3 も参照。
- 変更を受けたファイルは OpenXM\_contrib2/asir2000 の下の次のファイル。builtin/strobject.c 1.14–1.43, include/ca.h 1.46, io/cexpr.c 1.18, io/pexpr.c 1.32, io.sexpr.c 1.29, parse/arith.c 1.12, parse/parse.h 1.28–1.29, parse/quote.c 1.7–1.8, 1.12.
- knoppix/math は 福岡大学の濱田さんが中心となり開発されている。
- dp\_dvars\_prefix, \*\_origin は builtin/strobject.c 1.46 で導入された。
- Todo: quotetoterminalform (分散表現多項式の見易い出力)。

### 2.1.2 objtoquote

`objtoquote(ob)`  
   :: オブジェクトと quote 型のデータに変換する。

return    quote

*ob*        オブジェクト

- `objtoquote(ob)` は, *ob* を quote 型のデータに変換する。

```

[1150] quotetolist(quote(1+2));
[b_op,+, [internal,1], [internal,2]]
[1151] quotetolist(objtoquote(1+x));
[b_op,+, [internal,x], [internal,1]]3

```

参照      ⟨undefined⟩ [quotetotex], page ⟨undefined⟩ ⟨undefined⟩ [quotetolist], page ⟨undefined⟩

#### ChangeLog

- この関数は quotetotex の前処理をするために書かれた。
- asir-contrib の関数 quote\_to\_quote も参照。
- OpenXM\_contrib2/asir2000/builtin/print.c 1.16.

### 2.1.3 flatten\_quote

`flatten_quote(q,op)`  
   :: quote の括弧をとりさる。

return    Quote

*q*              Quote

*op*              演算子を表す文字列.

- Quote 型のデータは木構造をしている ( quotetolist 参照 ). `quote_flatten()` は, *q* の中にあらわれる演算子 *op* の子供ノードを平等にする. つまり演算子 *op* に関する括弧づけがあった場合それをすべてとりさる. たとえば  $(1+2)+(3+4)$  という表現を  $1+2+3+4$  に変換する.
- 現在の実装では n-ary の演算子は定義されていないので,  $1+2+3$  は実は  $1+(2+3)$  と表現されている. つまり + 演算子は右結合的である.
- $R=0$ ; `for (I=0; I<N; I++) R = R+ P[I];` なる足し算を繰り返すと, + は左結合的になる. 右結合的に変換するには `flatten_quote` を呼ぶ.
- 名前は `quote_flatten` でなく `flatten_quote` である.

```
[1288] flatten_quote(quote((1+2)+(3+4*(x+3))), "+");
quote(1+2+3+4*(x+3))
[1289] flatten_quote(quote( (x*y)*(p*3)-(x*y)*z), "*");
quote(x*y*p*3-x*y*z)
[1290] quotetolist(quote(1+2+3));
[b_op,+, [b_op,+, [internal,1],[internal,2]], [internal,3]]]
```

参照        `<undefined> [quotetolist], page <undefined>, <undefined> [print_tex_form], page <undefined>(contrib)`

#### ChangeLog

- この関数は 2004-7-7 から 2004-7-8 にかけて quote に関する操作を研究するために実験的に書かれた. OpenXM/fb で蓄積された公式の不要な括弧を取りはずし, tex 形式に変換するのに応用.
- 変更をうけたソースコードは `builtin/strobject.c` 1.47, `parse/eval.c` 1.35, `parse/parse.h` 1.31, `parse/quote.c` 1.14–1.16.

#### 2.1.4 `quote_to_funargs`, `funargs_to_quote`, `remove_paren`

`quote_to_funargs(q)`

  :: quote を funarg 形式 (リスト) へ.

`funargs_to_quote(f)`

  :: funarg 形式を quote へ.

`get_function_name(f)`

  :: funarg 形式の op を文字列へ.

`remove_paren(q)`

  :: 上の関数を用いて書かれた余分な括弧を取り去る simplifier (asir-contrib マニュアルへ: todo)

`return quote(funargs_to_quote, remove_paren) が リスト (quote_to_funargs)`

*q*              quote

*f*              リスト

- `quote_to_funargs` は `quote` 型のデータ (内部的には FNODE) を `quote` への復元可能な形でリストへ変換する。 `quotetolist` は `quote` をリストへ変換するが、一部の情報を捨てるためもとの `quote` の復元はできない。
- `quote_to_funargs` の戻り値は `[fid, op, arg1, arg2, ...]` なる形式をしている。ここで `op` は node の名前であり、関数 `get_function_name` を用いて人間が読める形式で取りだせる。たとえば `get_function_name(quote_to_funargs(quote(1+2))[1])` は "+" を戻す。
- 名前 `get_function_name` はそのうち変更されるだろう。
- 下の例で `quote_to_funargs(FA[2]); [34,[b_op,+,internal,x],[internal,1]]` となる。34 は I\_PAREN を意味する。数と意味の対応表は `OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/noro_simplify.rr` または `OpenXM_contrib2/asir2000/parse/parse.h` を見よ。以下の fid が 0, 1, 2, ... に対応づけられている。I\_BOP, I\_COP, I\_AND, I\_OR, I\_NOT, I\_CE, I\_PRESELF, I\_POSTSELF, I\_FUNC, I\_FUNC\_OPT, I\_IFUNC, I\_MAP, I\_RECMAP, I\_PFDERIV, I\_ANS, I\_PVAR, I\_ASSPVAR, I\_FORMULA, I\_LIST, I\_STR, I\_NEWCOMP, I\_CAR, I\_CDR, I\_CAST, I\_INDEX, I\_EV, I\_TIMER, I\_GF2NGEN, I\_GFPNGEN, I\_GFSNGEN, I\_LOP, I\_OPT, I\_GETOPT, I\_POINT, I\_PAREN, I\_MINUS, I\_NARYOP

次の例では  $(x+1)+(x+2)$  の括弧をはずして  $x+1+x+2$  に変換している。

```
[0] ctrl("print_quote",1) $  
  
[1] Q=quote((x+1)+(x+2));  
[b_op,+, [u_op,(), [b_op,+, [internal,x], [internal,1]]],  
 [u_op,(), [b_op,+, [internal,x], [internal,2]]]]  
  
[2] FA=quote_to_funargs(Q);  
[0,<...quoted...>,  
 [u_op,(), [b_op,+, [internal,x], [internal,1]]],  
 [u_op,(), [b_op,+, [internal,x], [internal,2]]]]  
  
[3] FA2=quote_to_funargs(FA[2])[1];  
[b_op,+, [internal,x], [internal,1]]  
  
[4] FA3=quote_to_funargs(FA[3])[1];  
[b_op,+, [internal,x], [internal,2]]  
  
[5] funargs_to_quote([FA[0],FA[1],FA2,FA3]);  
[b_op,+, [b_op,+, [internal,x], [internal,1]],  
 [b_op,+, [internal,x], [internal,2]]]
```

次の例は OpenXM/asir-contrib 版の asir で実行。

```
[1287] load("noro_simplify.rr");  
1  
[1293] noro_simplify.remove_paren(quote( f(1-(x))));  
quote(f(1-x))
```

`funargs_to_quote` を用いて既存の `quote` の子供を置き換えて新しい `quote` をつくり出せる。

```
[1184] R=quote_to_funargs(quote(a+(b+c)));  
[0,<...quoted...>,<...quoted...>,<...quoted...>]
```

```
[1185] T=quote_to_funargs(quote(1+2));
[0,<...quoted...>,<...quoted...>,<...quoted...>]
[1186] funargs_to_quote([0,R[1],R[2],T[2]]);
quote(a+1)
```

参照      ⟨undefined⟩ [quotetolist], page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- これらの関数は 2004-7-8 から開発のはじまっている quote の simplification 関連の実験的関数である。変更をうけたソースコードは多岐にわたるのでまだ書かない。
- 括弧を取り去る問題は OpenXM/fb が蓄えている公式を tex で綺麗に表示するのが動機の一つ。
- 2004-6-26 の計算代数セミナーにおいて、中川さんが simplifier についていろいろ問題提起をした（計算代数セミナービデオ参照）。
- parse/quote.c の \tt struct fid\_spec fid\_spec\_tab[] の部分に書いてある形式に funargs\_to\_quote は変換する。

### 2.1.5 eval\_quote

`eval_quote(Q);`  
:: quote 型データ Q を asir のオブジェクトに変換する。

return オブジェクト

Q      quote 型

- quote 型データ Q を asir のオブジェクトに変換する。
- 逆関数は objtoquote

```
ctrl("print_quote",2);
A=quote((x-1)^2+(x-1)+3);
    出力: (((x)-(1))^(2))+((x)-(1)))+(3)
eval_quote(A);
    出力: x^2-x+3
print_input_form(A); /* asir-contrib */
    出力: quote((x-1)^2+(x-1)+3)
```

参照      ⟨undefined⟩ [objtoquote], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [quotetolist],  
page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [eval\_string], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩  
[quote\_to\_funargs], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [funargs\_to\_quote],  
page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- —まだ書いてない。

### 2.1.6 nqt\_match

`nqt_match(Expr,Pattern[,Mode])`  
:: Expr が Pattern にマッチ（適合）すると 1 を戻す。しないと 0 を戻す。

return 整数

*Expr* quote 型

*Pattern* quote 型

*Mode* 整数

- *Expr* が *Pattern* にマッチ (適合) すると 1 を戻す. しないと 0 を戻す.
- 適合した場合, 副作用として, *Pattern* に含まれるプログラム変数 (大文字ではじまる変数) に適合した値が代入される.
- nqt は normalized quote の略であり fnode 標準形に変換してから適合検査をする. fnode 標準形については  $\langle \text{undefined} \rangle [\text{qt\_normalize}]$ , page  $\langle \text{undefined} \rangle$  を見よ.
- *Mode* により展開方法を指定し, その展開方法により得られた *Expr* の fnode 標準形と *Pattern* を比較する.

```
ctrl("print_quote",2);
A=quote((x-y)*(x+y));
nqt_match(A,quote(P*Q));
[P,Q]
    出力: [x-y, x+y]
nqt_match(A,quote(P*Q),1);
    マッチしない.
nqt_match(A,quote(P*Q),2);
    マッチしない.
qt_normalize(A,1);
    出力: ((x)^2)+((x)*(y))+((-1)*((y)^2))+((-1)*(y)*(x))
qt_normalize(A,2);
    出力: ((x)*(x))+((x)*(y))+((-1)*(y)*(x))+((-1)*(y)*(y))
```

参照  $\langle \text{undefined} \rangle [\text{nqt\_match\_rewrite}]$ , page  $\langle \text{undefined} \rangle$ ,  $\langle \text{undefined} \rangle [\text{qt\_rewrite}]$ , page  $\langle \text{undefined} \rangle$

ChangeLog

- — まだ書いてない.

### 2.1.7 nqt\_match\_rewrite

nqt\_match\_rewrite(*Expr, Rule, Mode*)  
 $:: Expr$  を *Rule* に従い書き換える.

return quote 型

*Expr* quote 型

*Rule*  $[Pattern, Action]$  かまたは  $[Pattern, Condition, Action]$ . これらの要素はすべて quote 型.

*Mode* 整数

- *Expr* を *Rule* に従い書き換える. *Pattern* に適合しない場合は *Expr* 自体を戻す.
- nqt は normalized quote の略であり fnode 標準形に変換してから適合検査をする. fnode 標準形については  $\langle \text{undefined} \rangle [\text{qt\_normalize}]$ , page  $\langle \text{undefined} \rangle$  を見よ.

```
ctrl("print_quote",2);
nqt_match_rewrite('x*y*z,[‘X*Y,’X+Y],1);
```

```

    出力: (x)+((y)*(z))
A='x*x;
nqt_match_rewrite(A,['X*Y,'X+Y],1);
    出力: x^2 (マッチしていない)
nqt_match_rewrite(A,['X*Y,'X+Y],2);
    出力: 2*x

```

適合についてのモードの違いを理解するために次の例および `fnode` 標準形 (`qt_normalize`) を参照.

```

quotetolist(qt_normalize('x*x,0));
    出力: [b_op,^,[internal,x],[internal,2]]
quotetolist(qt_normalize('x*x,1));
    出力: [b_op,^,[internal,x],[internal,2]]
quotetolist(qt_normalize('x*x,2));
    出力: [n_op,*,[internal,x],[internal,x]]

```

**参照**      `<undefined>` [`nqt_match`], page `<undefined>`, `<undefined>` [`qt_rewrite`], page `<undefined>`, `<undefined>` [`qt_normalize`], page `<undefined>`

ChangeLog

- —まだ書いてない.

### 2.1.8 qt\_normalize

`qt_normalize(Expr[,Mode])`  
`:: Expr` を `fnode` 標準形に変換する. `Mode` により標準形への展開アルゴリズムを指定できる.

`return`    quote 型  
`Expr`     quote 型  
`Mode`     整数

`fnode` は `quote` 型の実体である. `fnode` は木であり, 型 `id` および子供からなる. 型および子供を取り出す関数が `funargs_to_quote` である. また `fnode` をリストに変換する関数が `quotetolist` である.

`fnode` の標準形はパターンマッチング, 書き換えを容易におこなうために導入された. `fnode` の標準形を `fn` と書くとき, 標準形の BNF 風表現での定義は以下のとおり.

```

fn      = formula | functor(nf [...]) | sum_of_monom
        fnode の標準形. functor は関数およびだしみたいなもの.
sum_of_monom = monom [+ ...]
        モノミアルの和
monom   = [formula *] nfpow [* ...]
        モノミアル
nfpow   = nf | nf^(nf)
        幂乗部分の標準形
formula = Risa object

```

- `Expr` を `fnode` 標準形に変換する. `Mode` により標準形への展開アルゴリズムを指定できる.

- 展開は再帰的である。
- 入力が fnode に変換された初期状態では + や \* は子供が 2 人の binary operator (b\_op) であるが, qt\_normalize を作用させることにより, + や \* は任意人数の子供を持つ n-ary operator に変換される。
- n-ary operator を基礎とした fnode 標準形を用いることにより, パターンマッチ用のパターンの数を減らせることが経験的にわかっている。
- Mode=0. 展開しない。これが既定の動作。
- Mode=1. 展開する。ただし  $x^*x$  等を  $x^2$  等に変換
- Mode=2. 展開する。ただし  $x^*x$  等を  $x^2$  等に変換しない。

Mode の違いについては以下の例も参考に。

```

ctrl("print_quote",2);
A=quote((x-y)*(x+y));
    出力: ((x)-(y))*(x)+(y)
B=qt_normalize(A,0);
    出力: ((x)+((-1)*(y)))*((x)+(y)) Mode=0. 展開はされない。+, * は n_op (nary-op) へ
quotetolist(B);
    出力: [n_op,*,[n_op,+,internal,x],[n_op,*,[internal,-1],[internal,y]]],[n_op,+,[n_op,*,[internal,-1],[internal,y]]]

B=qt_normalize(A,1);
    出力: ((x)^2)+((x)*(y))+((-1)*((y)^2))+((-1)*(y)*(x))
        Mode=1. 展開する。+, * は n_op (nary-op) へ。巾をまとめる。
quotetolist(B);
    出力: [n_op,+,[b_op,^,[internal,x],[internal,2]], [n_op,*,[internal,x],[internal,y]]]

qt_normalize(A,2);
    出力: ((x)*(x))+((x)*(y))+((-1)*(y)*(x))+((-1)*(y)*(y))
        Mode=2. 展開する。+, * は n_op (nary-op) へ。巾は使わない。
quotetolist(B);
    出力: [n_op,+,[b_op,^,[internal,x],[internal,2]], [n_op,*,[internal,x],[internal,y]]]

qt_normalize('x^2,2);
    出力: (x)*(x)
        Mode=2. 巾は使わない。n-ary の * へ。

```

参照      ⟨undefined⟩ [nqt\_match], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [nqt\_match\_rewrite],  
page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [quotetolist], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩  
[quote\_to\_funargs], page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- まだ書いてない。

### 2.1.9 qt\_set\_coef

qt\_set\_coef(ParamList)  
:: 以下 ParamList に現れる多項式変数を変数とする有理関数体を係数とする非可換多項式を扱う。

return      リスト

*ParamList* リスト

- 以下 *ParamList* に現れる多項式変数を変数とする有理関数体を係数とする非可換多項式を扱う.
- この宣言をしないと係数体を数とする非可換多項式として計算する.
- qt\_normalize* およびその機能を用いる関数がこの機能の影響を受ける.
- qt\_comp* 関数がこの機能の影響を受ける.

```

ctrl("print_quote",2);
qt_set_coef([a]);
B=qt_normalize(quote((a*x+a)^2),2);
    出力: ((a^2)*(x)*(x))+((2*a^2)*(x))+ (a^2)
qt_normalize(B+B,2);
    出力: ((2*a^2)*(x)*(x))+((4*a^2)*(x))+(2*a^2)

```

参照      ⟨undefined⟩ [*qt\_normalize*], page ⟨undefined⟩

## ChangeLog

- まだ書いてない.

2.1.10 *qt\_set\_ord*

*qt\_set\_ord*(*VarList*)  
   :: *VarList* を変数順序とする.

return    リスト

*VarList*    リスト

- VarList* を辞書式に用いた変数順序を以下使用する.
- この宣言をしないとある不定元についての既定の辞書式順序—まだ書いてない—to用いて項を比較する. *VarList* に現れない変数についてはこの順序が適用される.
- qt\_normalize* およびその機能を用いる関数がこの機能の影響を受ける.
- qt\_comp* 関数がこの機能の影響を受ける.

```

ctrl("print_quote",2);
qt_normalize(quote(x+y),2);
    出力: (x)+(y)
qt_set_ord([y,x]);
    出力: [y,x,z,u,v,w,p,q,r,s,t,a,b,c,d,e,f,g, 以下省略 ]
qt_normalize(quote(x+y),2);
    出力: (y)+(x)

```

参照      ⟨undefined⟩ [*qt\_normalize*], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [*nqt\_comp*], page ⟨undefined⟩

## ChangeLog

- まだ書いてない.

### 2.1.11 qt\_set\_weight

```
qt_set_weight(WeightVector)
    :: 変数について weight ベクトルを設定する.

return      リスト
WeightVector
    リスト

fnode f の weight w(f) は次の式で計算する.

f が葉の場合は原則 0. qt_weight_vector で weight が与えられている不定元について
はその値.
```

f が node の場合は次の規則で再帰的にきめる.

$$\begin{aligned}w(f+g) &= \max(w(f), w(g)) \\w(f \cdot g) &= w(f) + w(g) \\w(f^n) &= n \cdot w(f)\end{aligned}$$

関数については? -----まだ書いてない.

- WeightVector でまず順序の比較をして、それから qt\_set\_order による順序、最後に既定の順序で比較する。WeightVector に現れない変数についての weight は 0 となる。
- qt\_normalize およびその機能を用いる関数がこの機能の影響を受ける。qt\_normalize での展開では、この順序を用いて項がソートされる。
- qt\_comp およびその機能を用いる関数がこの機能の影響を受ける。
- weight ベクトルによる順序比較についてはグレブナ基底の節 <undefined> [dp\_gr\_main], page <undefined> も参照。

```
ctrl("print_quote",2);
qt_set_weight([[x,-1],[y,-1]]);
結果: [[x,-1],[y,-1]]
qt_normalize(quote( 1+(x+y)+(x+y)^2),1);
結果: (1)+(y)+(x)+((y)^(2))+((y)*(x))+((x)^(2))+((x)*(y))
```

参照 <undefined> [qt\_normalize], page <undefined>, <undefined> [qt\_set\_ord], page <undefined>, <undefined> [qt\_set\_weight], page <undefined>, <undefined> [dp\_gr\_main], page <undefined>

ChangeLog

- —まだ書いてない.

### 2.1.12 nqt\_comp

```
nqt_cmp(Expr1, Expr2)
    :: Expr1 と Expr2 の順序を比較する.

return      整数
Expr1, Expr2
    quote 型

    • Expr1 と Expr2 の順序を比較する.
    • Expr1 > Expr2 なら 1.
```

- $\text{Expr1} < \text{Expr2}$  なら -1.
- $\text{Expr1} = \text{Expr2}$  (おなじ順序) なら 0.

```
ctrl("print_quote",2);
qt_set_ord([y,x]); qt_set_weight([[x,-1],[y,-1]]);
[nqt_comp('x,'y), nqt_comp('y,'x), nqt_comp('x,'x)];
出力: [-1,1,0]
```

参照        ⟨undefined⟩ [qt\_normalize], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [qt\_set\_ord], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [qt\_set\_weight], page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- まだ書いてない.

### 2.1.13 qt\_is\_var, qt\_is\_coef

`qt_is_var(Expr)`  
   ::  $\text{Expr}$  が不定元に対応する quote なら 1 を戻す.

`qt_is_coef(Expr)`  
   ::  $\text{Expr}$  が係数の有理関数体に属するとき 1 を戻す.

return 整数

$\text{Expr}$  quote 型

- $\text{Expr}$  が不定元に対応する quote なら 1 を戻す. そうでないとき 0 を戻す.

```
[qt_is_var(quote(x)), qt_is_var(quote(3/2))];
出力: [1,0]
```

参照        ⟨undefined⟩ [qt\_rewrite], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [nqt\_match\_rewrite],  
             page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- —まだ書いてない.

### 2.1.14 qt\_rewrite

`qt_rewrite(Expr, Rules, Mode)`  
   ::  $\text{Expr}$  を規則集合  $\text{Rules}$  を用いて書き換える.

return quote 型

$\text{Expr}$  quote 型

$\text{Rules}$  リスト

$\text{Mode}$  整数

- ユーザ言語を用いて定義された関数. `import("noror_rewrite.rr")` しておくこと. (`noro_rewrite.rr` が OpenXM/lib/asir-contrib に存在しない場合ソースの OpenXM/src/asir-contrib/testing/noro/new\_rewrite.rr をコピー)
- $\text{Expr}$  を規則集合  $\text{Rules}$  を用いて書き換える.
- 規則の適用は fnode 木に対して再帰的である. 一方 `nqt_match_rewrite` ではトップレベルのみに規則が適用される.

- 規則集合 *Rules* の各要素の書き方は *nqt\_match()* の *Pattern* と同じ書き方. つまり [パターン, 書き換え結果] または [パターン, 条件, 書き換え結果].
- Mode* の意味は *<undefined>* [*qt\_normalize*], *page* *<undefined>* の *Mode* と同様. パターンマッチ, 書き換えは *Mode* で *qt\_normalize()* されてから遂行される.

注意: 数学的には  $X^*Y = Y^*X$  が可換性を与える規則だが, これをそのまま規則として与えると書き換えが停止しない. 次の例では, 上の例のように順序比較し, たとえば, 順序が大きくなる場合のみに書き換えるべきである.

```
import("noro_rewrite.rr");
R=[['X*Y,'nqt_comp(Y*X,X*Y)>0, 'Y*X']];
qt_rewrite('^(x-y)^2,R,2);
出力: quote(x*x+-2*x*y+y*y)
```

外積代数の計算 (asir-contrib をロードした状態).

```
import("noro_rewrite.rr");
Rext0=[quote(X*Y),quote(qt_is_var(X) && qt_is_var(Y) && nqt_comp(Y,X)>0),
       quote(-Y*X)];
Rext1=[quote(X^N),quote(eval_quote(N)>=2),quote(0)];
Rext2=[quote(X*X),quote(0)];
Rext=[Rext0,Rext1,Rext2];
qt_rewrite(quote((x+2*y)*(x+4*y)), Rext,1);
出力: 2*x*y

qt_set_coef([a,b,c,d]);
qt_rewrite(quote((a*x+b*y)*(c*x+d*y)), Rext,1);
出力: (d*a-c*b)*x*y
```

微分の計算 (asir-contrib をロードした状態).

```
import("noro_rewrite.rr");
qt_set_coef([a,b]);
Rd1=['d(X+Y), 'd(X)+d(Y)];
Rd2=['d(X*Y), 'd(X)*Y+X*d(Y)];
Rd3=['d(N), 'qt_is_coef(N), '0];
Rd4=['d(x), '1];
Rd=[Rd1,Rd2,Rd3,Rd4];
B=qt_rewrite('d((a*x+b)^3),Rd,2);
出力: quote(3*a^3*x*x+6*b*a^2*x+3*b^2*a)
fctr(eval_quote(B));
出力: [[3,1],[a,1],[a*x+b,2]]
```

参照 *<undefined>* [*nqt\_match*], *page* *<undefined>*, *<undefined>* [*nqt\_match\_rewrite*], *page* *<undefined>*, *<undefined>* [*qt\_normalize*], *page* *<undefined>*

#### ChangeLog

- qt* 系の関数の原型は OpenXM/src/asir-contrib/testing/tr.rr である. このユーザ言語による開発が 2005 年の春まで行われ, そのあと組み込み関数主体の *qt* 系の関数が開発された.
- qt* 系の関数についてのその他の参考文献: OpenXM/doc/Papers/2005-rims-noro.tex および OpenXM/doc/Papers/2005-rims-noro.tm (TeXmacs の記事).
- Todo: *qt* 系の関数を用いたおもしろい計算を Risa/Asir ジャーナルの記事として書く.

## 2.2 文字列処理

### 2.2.1 copyright

```
copyright()
           :: Risa/Asir の copyright 表示を文字列として戻す.

return      文字列
• Risa/Asir の copyright 表示を文字列として戻す.

[1150] copyright();
This is Risa/Asir, Version 20040312 (Kobe Distribution).
Copyright (C) 1994-2000, all rights reserved, FUJITSU LABORATORIES LIMITED.
Copyright 2000-2003, Risa/Asir committers, http://www.openxm.org/.
GC 6.2(alpha6) copyright 1988-2003, H-J. Boehm, A. J. Demers, Xerox, SGI, HP.
PARI 2.0.17, copyright 1989-1999, C. Batut, K. Belabas, D. Bernardi,
H. Cohen and M. Olivier.
```

#### ChangeLog

- この関数は texmacs 用に書かれた (2004-03).
- OpenXM\_contrib2/asir2000 の下の以下のファイルをみよ. builtin/miscf.c 1.21, parse/glob.c 1.47.

### 2.2.2 string\_to\_tb, tb\_to\_string, write\_to\_tb

```
string_to_tb(s)
tb_to_string(tb)
write_to_tb(s,tb)
           :: 文字列可変長配列型 (text buffer) のデータの処理

return      文字列可変長配列型 (string_to_tb), 文字列型 (tb_to_string)

s          文字列
tb         文字列可変長配列型
• string_to_tb(s) は, 文字列 s をはじめの要素とする文字列可変長配列型オブジェクトを生成する.
• tb_to_string_(tb) は, 文字列可変長配列型オブジェクト tb から通常の文字列オブジェクトを生成する.
• write_to_tb(s,tb) は, 文字列 s を文字列可変長配列型オブジェクト tb へ書き出す.
• SS を文字列変数とするとき, SS += "文字列" で SS へ文字列を書き足していくことができるが, 無駄なメモリを大量に消費する. 代りに関数 write_to_tb を用いるべきである. 文字列可変長配列型オブジェクトは文字列の可変長の配列でありメモリ管理に優しいデータ構造である.

[219] T=string_to_tb("");
[220] write_to_tb("Hello",T);
0
[221] write_to_tb(" world!",T);
```

```

0
[222] tb_to_string(T);
Hello world!

```

## ChangeLog

- この関数は 2004-3 に print\_tex\_form を効率化するために書かれた.
- OpenXM\_contrib2/asir2000 の下の以下のファイルを見よ. io/ox\_asir.c 1.52, builtin/strobj.c 1.12–1.13, 1.16, engine/str.c 1.5, parse/quote.c 1.9.
- rtosr が text buffer 型のデータに関しておそれた. 速度の改善は asir2000/io/pexpr\_body.c 1.2, asir2000/parse/lex.c 1.32.

## 2.2.3 set\_print\_function

```

set_print_function([fname])
    :: 画面表示用の関数を登録

return 整数
fname 文字列

```

- set\_print\_function は fname(F) を通常の画面表示関数の代わりによぶ. 引数がない場合は画面表示関数をデフォルトへ戻す. Asir-contrib はこの関数を用いて出力関数を Asir-contrib 用に変更している.

```

[219] def my_output(F) {
        print("Out: ",0); print(rtosr(F));
    }
[220] set_print_function("my_output");
Out: 0
[221] 1+2;
Out: 3

```

参照 <undefined> [rtosr], page <undefined>

## ChangeLog

- この関数は 2001-9-4 に asir-contrib のために導入された. 変更をうけたソースコードは builtin/print.c 1.11 である.

## 2.2.4 printf, fprintf, sprintf

```

printf(format[,args])
fprintf(fd,format[,args])
sprintf(format[,args])
    :: C に似たプリント関数

return 整数 (printf,fprintf), 文字列 (sprintf)
format 文字列
fd 非負整数 (ファイル記述子)
args オブジェクト

```

- printf は書式文字列 format にしたがい, オブジェクト args を標準出力に書き出す.

- `fprintf` は結果を、ファイル記述子 `fd` の指すファイルに書き出す.
- `sprintf` は結果を文字列で返し、標準出力には書き出さない.
- 書式文字列の中で `%a` (any) が利用可能. `args` の個数は書式文字列の中の `%a` の個数に等しくすること.
- ファイル記述子は、`open_file` 関数を用いて得ること.

```
[0] printf("%a: rat = %a\n",10,x^2-1)$
10: rat = x^2-1
[1] S=sprintf("%a: rat = %a",20,x^2-1)$
[2] S;
20: rat = x^2-1
[3] Fd=open_file("hoge.txt","w");
0
[4] fprintf(Fd,"Poly=%a\n", (x-1)^3)$
[5] close_file(Fd)$
[6] quit;

$ cat hoge.txt
Poly=x^3-3*x^2+3*x-1
```

参照      `<undefined>` [rtostr], `page` `<undefined>`,`<undefined>` [open\_file], `page` `<undefined>`,`<undefined>` [close\_file], `page` `<undefined>`

#### ChangeLog

- 関数 `sprintf` は 2004-7-13 にコミットされた. 変更をうけたソースコードは `builtin/strobj` (1.50) である.
- 関数 `printf` は 2007-11-8 にコミットされた. 変更をうけたソースコードは `builtin/print.c` (1.23) である.
- 関数 `fprintf` は 2008-11-18 にコミットされた. 変更をうけたソースコードは `builtin/file.c` (1.25) である.
- `%a` は Maple の `sprintf` の真似か.

## 2.3 グレブナー基底

### 2.3.1 dp\_gr\_main

```
dp_gr_main(f | v=vv, order=oo, homo=n, matrix=m, block=b, sugarweight=sw)
:: dp_gr_main の新しいインターフェース.

return    リスト (グレブナ基底. 再帰表現多項式か分散表現多項式のリスト)
f        リスト (入力多項式系. 再帰表現多項式か分散表現多項式のリスト)
vv       リスト (変数のリスト)
oo       リスト (順序をあらわすリスト)
n        0 か 1 (homogenization をするか)
m        順序を matrix で表現する場合 (cf. dp_ord).
```

b            ???

sw            Sugar strategy を適用するときの weight vector. 全ての要素は非負.

- `dp_gr_main(f)` は,  $f$  のグレブナ基底を計算する. グレブナ基底は順序を変えるとその形が変わる. asir では今まで順序の指定方法が系統だつていなかった. `dp_gr_main` の新しいインターフェースでは順序をある文法に従い指定する.
- 順序 `order` は次の文法で定義する. `{, }` は 0 回以上の繰り返しを意味する.

```
order      : '[' orderElement { ',', orderElement } ']'
orderElement : weightVec | builtinOrder
weightVec   : '[' weightElement { ',', weightElement } ']'
builtinOrder : '[' orderName ',', setOfVariables ']'
weightElement : NUMBER | setOfVariables ',', NUMBER
setOfVariables: V | range(V,V)
orderName    : @grlex | @glex | @lex
```

ここで `V` は 变数名, `NUMBER` は整数をあわらす. 例 1: `v=[x,y,z,u,v]`, `order=[[x,10,y,5,z,1],[@grlex,range(x,v)]]` は  $x,y,z$  がそれぞれ weight 10, 5, 1 をもつ順序で比較したあと,  $[x,y,z,u,v]$  についての graded reverse lexicographic order を tie-breaker として用いることを意味する. 参考書: B.Sturmfels: Gr\"obner Bases and Convex Polytopes (1995). M.Saito, B.Sturmfels, N.Takayama: Gr\"obner Deformations of Hypergeometric Differential Equations (2000).

- 順序要素 (`orderElement`) の指定方法は (1) 变数名または `range` で指定された变数の集合と重みの値の繰り返し (2) 重みの値を变数リストの順番に並べる方法 (3) 变数名または `range` で指定された变数の集合と順序名の組の三通りの基礎的方法がある. 似た指定方法が Macaulay, Singular, CoCoA, Kan/sm1 等の環論システムで使用されていた. Risa/Asir の指定方法はこれらのシステムの指定方法を参考にさらに改良を加えたもので柔軟性が高い.
- `order` の tie-breaker は `grlex` がデフォルト.
- 分散表現多項式を引数としたときは結果も分散表現多項式として戻る. `order` 指定にもちいるデフォルトの变数名はこのとき  $x_0, x_1, x_2, \dots$  となる.
- オプションの値は `option_list` キーワードを用いてリストで与えてもよい. 下の例を参照.

```
[218] load("cyclic");
[219] V=vars(cyclic(4));
[c0,c1,c2,c3]
[220] dp_gr_main(cyclic(4) | v=V, order=[[c0,10,c1,1],[c2,5],[@grlex,range(c0,c3)]])
[ 10 1 0 0 ]
[ 0 0 5 0 ]
[ R R R R ]
[(-c3^6+c3^2)*c2^2+c3^4-1,c3^2*c2^3+c3^3*c2^2-c2-c3,
 (c3^4-1)*c1+c3^5-c3,(c2-c3)*c1+c3^4*c2^2+c3*c2-2*c3^2,-c1^2-2*c3*c1-c3^2,
 c0+c1+c2+c3]

[1151] F=map(dp_ptod,katsura(4), vars(katsura(4)));
[((1)*<<1,0,0,0,0>>+(2)*<<0,1,0,0,0>>+ ... ]
[1152] dp_gr_main(F | order=[[range(x0,x3),1]]);
[ 1 1 1 1 0 ]
[ R R R R R ]
[(47774098944)*<<0,0,0,0,13>>+ ... ]
```

```
[1153] Opt=[["v", [x, y]], ["order", [[x, 5, y, 1]]]];
[[v, [x, y]], [order, [[x, 5, y, 1]]]]
[1154] dp_gr_main([x^2+y^2-1, x*y-1] | option_list=Opt);
[ 5 1 ]
[ R R ]
[-y^4+y^2-1, x+y^3-y]
```

## ChangeLog

- この関数は 2003-12 から 2004-2 の始めに大きな修正が行われた.
- `setOfVariables`の表現のために `range` オブジェクトが導入された.
- グレブナ基底は順序を変えるとその形が変わる. `asir` では今まで順序の指定方法が系統だつていなかった. `dp_gr_main` の新しいインターフェースでは順序のある文法に従い指定する.
- `OpenXM-contrib2/asir2000` の下の次の各ファイルが修正をうけた. `builtin/gr.c` 1.56–1.57, `builtin/dp-sup.c` 1.27–1.31 (`create_composite_order_spec`), `builtin/dp.c` 1.46–1.48 (`parse_gr_option`), `engine/Fgfs.c` 1.20, `engine/dist.c` 1.27–1.28 `engine/nd.c` 1.89, `include/ca.h` 1.42–1.43, `io/pexpr.c` 1.28, `io/seexpr.c` 1.26, `parse/arith.c` 1.11, `parse/glob.c` 1.44–1.45, `parse/lex.c` 1.29, `parse/parse.h` 1.23–1.26
- Todo: return キーワードで戻り値のデータを `quote` のリストにできるように. `attribute`, `ring` 構造体.

2.3.2 `dp_weyl_gr_main`

`dp_weyl_gr_main(f | v=vv, order=oo, homo=n, matrix=m, block=b, sugarweight=sw)`  
:: `dp_weyl_gr_main` の新しいインターフェース. `dp_gr_main` と同じ形式である.

<code>return</code>	リスト (グレブナ基底. 再帰表現多項式か分散表現多項式のリスト)
<code>f</code>	リスト (入力多項式系. 再帰表現多項式か分散表現多項式のリスト)
<code>vv</code>	リスト (変数のリスト)
<code>oo</code>	リスト (順序をあらわすリスト)
<code>n</code>	0 か 1 (homogenization をするか). [テストまだ]
<code>m</code>	順序を <code>matrix</code> で表現する場合 (cf. <code>dp_ord</code> ). [テストまだ]
<code>b</code>	???
<code>sw</code>	Sugar strategy を適用するときの weight vector. 全ての要素は非負. [テストまだ]

- `dp_weyl_gr_main(f)` は, `f` のグレブナ基底を計算する. グレブナ基底は順序を変えるとその形が変わる. `asir` では今まで順序の指定方法が系統だつていなかった. `dp_weyl_gr_main` の新しいインターフェースでは順序のある文法に従い指定する. 指定方法については `dp_gr_main` のマニュアルを参照.
- 分散表現多項式の各モノミアルの長さが偶数のときはワイル代数  $K[x_1, \dots, x_n, d_1, \dots, d_n]$  で計算がおこなわれる. ワイル代数では  $x_i$  と  $d_i$  は非可換な掛け算規則  $d_i x_i = x_i d_i + 1$  をみたし,  $x_i$  と  $x_j$  や  $d_i$  と  $d_j$  は可換である. また  $i$  と  $j$  が異なる場合は  $x_i$  と  $d_j$  も可換である.

- 分散表現多項式の各モノミアルの長さが奇数のときは同次化ワイル代数  $K[x_1, \dots, x_n, d_1, \dots, d_n, h]$  で計算があこなわれる。同次化ワイル代数では  $x_i$  と  $d_i$  は非可換な掛け算規則  $d_i x_i = x_i d_i + h^2$  をみたし,  $h$  は任意の元と可換, その他の変数もワイル代数と同様な可換性の規則をみたす。詳しくは `dp_gr_main` で参照した Saito, Sturmfels, Takayama の教科書をみよ。

参照 ⟨undefined⟩ [dp\_gr\_main], page ⟨undefined⟩

## ChangeLog

- dp\_gr\_main のインターフェースが dp\_weyl\_gr\_main へも導入された.
  - OpenXM\_contrib2/asir2000 の下の次の各ファイルが修正をうけた. builtin/dp-sup.c  
1.32–1.33 builtin/dp.c 1.49–1.50

### 2.3.3 dp\_initial\_term

```
dp_initial_term(f | v=vv, order=oo)
:: dp_initial_term は与えられた weight に対する先頭項の和を戻す.
```

return 分散表現多項式または分散表現多項式のリスト.

*f* 分散表現多項式か分散表現多項式のリスト.

*vv* リスト (変数のリスト)

oo リスト（順序をあらわすリスト）

- `dp_initial_term` は与えられた weight  $w$  に対する先頭項の和を戻す. これは多くの教科書で  $\text{in}_w(f)$  と書かれている.
  - 順序を表すリストは `dp_gr_main` で定義した文法に従う. このリストの先頭が weight vector で無い場合はエラーとなる. たとえば `order=[[@lex,...]]` はエラーとなる.
  - 結果は与えられた順序に関してソートされてるわけではない.

```
[1220] F=<<2,0,0>>+<<1,1,0>>+<<0,0,1>>;
(1)*<<2,0,0>>+(1)*<<1,1,0>>+(1)*<<0,0,1>>
```

```
[1220] dp_initial_term(F | order=[[1,1,1]]);
[ 1 1 1 ]
[ R R R ]
(1)*<<2,0,0>>+(1)*<<1,1,0>>
[1221] dp_initial_term(F | v=[x,y,z], order=[[x,1]]);
[ 1 0 0 ]
[ R R R ]
(1)*<<2,0,0>>
```

参照       $\langle \text{undefined} \rangle [\text{dp\_gr\_main}], \text{page } \langle \text{undefined} \rangle, \langle \text{undefined} \rangle [\text{dp\_weyl\_gr\_main}],$   
 $\text{page } \langle \text{undefined} \rangle, \langle \text{undefined} \rangle [\text{dp\_order}], \text{page } \langle \text{undefined} \rangle, \langle \text{undefined} \rangle [\text{dp\_hm}], \text{page } \langle \text{undefined} \rangle$

## ChangeLog

- OpenXM\_contrib2/asir2000 の下の次の各ファイルが修正をうけた. builtin/dp-sup.c  
1.32 builtin/dp.c 1.49

**2.3.4 dp\_order**

dp\_order( $f$  |  $v=vv$ ,  $order=oo$ )  
           :: dp\_order は与えられた weight に対する次数の最大値を戻す.

return    数か数のリスト

$f$         分散表現多項式か分散表現多項式のリスト.

$vv$         リスト (変数のリスト)

$oo$         リスト (順序をあらわすリスト)

- 順序を表すリストは dp\_gr\_main で定義した文法に従う. このリストの先頭が weight vector で無い場合はエラーとなる. たとえば  $order=[[@lex,...]]$  はエラーとなる.
- dp\_order は与えられた weight w に対する次数の最大値を戻す. これを  $\text{ord}_w(f)$  と書く論文や教科書もある.
- 引数がリストの場合各要素の次数が計算される.

```
[1220] F=<<2,0,0>>+<<1,1,0>>+<<0,0,1>>;
(1)*<<2,0,0>>+(1)*<<1,1,0>>+(1)*<<0,0,1>>
[1222] dp_order(F | order=[[1,1,1]]);
[ 1 1 1 ]
[ R R R ]
2
[1223] dp_order(F | v=[x,y,z], order=[[x,1]]);
[ 1 0 0 ]
[ R R R ]
```

参照       $\langle \text{undefined} \rangle [\text{dp\_gr\_main}], \text{page } \langle \text{undefined} \rangle, \langle \text{undefined} \rangle [\text{dp\_weyl\_gr\_main}],$   
 $\text{page } \langle \text{undefined} \rangle, \langle \text{undefined} \rangle [\text{dp\_initial\_term}], \text{page } \langle \text{undefined} \rangle, \langle \text{undefined} \rangle [\text{dp\_hm}], \text{page } \langle \text{undefined} \rangle$

## ChangeLog

- OpenXM\_contrib2/asir2000 の下の次の各ファイルが修正をうけた. builtin/dp-sup.c  
1.32 builtin/dp.c 1.49

### 2.3.5 nd\_gr, nd\_gr\_trace (加群)

```
nd_gr(gen, vars, char, ord)
nd_gr_trace(gen, vars, homo, char, ord)
nd_weyl_gr(gen, vars, char, ord)
nd_weyl_gr_trace(gen, vars, homo, char, ord)
:: 部分加群のグレブナー基底の計算
```

*gen* リストのリスト  
*ord* [IsPOT,Ord] なるリスト  
*return* リストのリスト

- 多項式環あるいはワイル代数上の自由加群の部分加群のグレブナー基底を計算する。結果はリストのリストである。各要素リストは、自由加群の元であるベクトルとみなす。
- ord* として [IsPOT,Ord] という 2 要素リストが指定された場合、加群のグレブナー基底計算を実行する。この場合、*gen* は、多項式のリストのリストとして与える必要がある。
- IsPOT* が 1 の場合、POT (position over term), 0 の場合 TOP (term over position) で比較する。基礎環での項比較は *Ord* で行う。
- 説明されていない引数は、イデアルの場合の解説を参照のこと。

```
[0] Gen=[[x,y,z],[y^2+x,x^2,z],[y^2,z^3+x,x+z]];
[[x,y,z],[x+y^2,x^2,z],[y^2,x+z^3,x+z]]
[1] nd_gr(Gen,[x,y,z],0,[0,0]);
[[x,y,z],[y^2,x^2-y,0],[y^2,x+z^3,x+z],[y^3+z^3*y^2,y^3*x-y^3,
-x^3-z*x^2+(z*y^2+y)*x-z*y^2+z*y],[0,0,x^4+z*x^3+(-z*y^2-y)*x^2
+(-y^3+z*y^2-z*y)*x+z^4*y^2]]
```

参照 ⟨undefined⟩ [nd\_gr], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [nd\_gr\_trace], page ⟨undefined⟩

### 2.3.6 nd\_gr, nd\_gr\_trace (option)

```
nd_gr(...[|opt,opt,...])
nd_gr_trace(...[|opt,opt,...])
nd_weyl_gr(...[|opt,opt,...])
nd_weyl_gr_trace(...[|opt,opt,...])
:: グレブナー基底計算に関する種々のオプションの説明
```

*opt* key=value なるオプション設定

*return* オプションにより異なる

- グレブナー基底計算をオプションにより制御する。
- 現状では次の 3 つのオプションを受け付ける。

*gentrace* value が 0 でないとき、グレブナー基底の計算経過情報を出力する。

*gensyz* value が 0 でないとき、計算されたグレブナー基底に対する syzygy の生成系を出力する。

*nora* value が 0 でないとき、最終ステップで相互簡約を行わない。

- `gentrace` が指定された場合、出力は、`[GB,Homo,Trace,IntRed,Ind,InputRed,SpairTrace]` なるリストである。各要素の意味は次の通りである。

<code>GB</code>	グレブナー基底
<code>Homo</code>	中間基底が齊次化されている場合 1, そうでない場合 0.
<code>Trace</code>	全中間基底に対する計算経過情報
<code>IntRed</code>	相互簡約に対する計算経過情報
<code>Ind</code>	簡約グレブナー基底の各要素の、全中間基底におけるインデックス
<code>InputRed</code>	各入力多項式をグレブナー基底で簡約して剰余 0 を得るまでの計算経過情報 ( <code>gensyz</code> が指定された場合)
<code>SpairTrace</code>	簡約グレブナー基底に対する S 多項式を簡約して剰余 0 を得るまでの計算経過情報 ( <code>syzygy</code> 加群の生成系の要素のみ; <code>gensyz</code> が指定された場合)
• 詳細は、入力多項式集合とグレブナー基底の相互変換行列、および <code>syzygy</code> 計算関数の項で説明する予定。	
	<pre>[0] C=[c3*c2*c1*c0-1,((c2+c3)*c1+c3*c2)*c0+c3*c2*c1,...] [1] D=nd_gr_trace(C,[c0,c1,c2,c3,c4],0,1,0 gentrace=1,gensyz=1)\$ [2] D[0]; [c0+c1+c2+c3,-c1^2-2*c3*c1-c3^2,...] [3] D[2]; [[[0,0,1],[1,1,1],[2,2,1],[3,3,1]],[4,[[1,2,(1)*&lt;&lt;0,0,0,0&gt;&gt;,1],...] [4] D[6]; [[-1,[[1,0,(1)*&lt;&lt;0,0,2,4&gt;&gt;,1],[1,6,(-1)*&lt;&lt;1,0,0,0&gt;&gt;,1],...]</pre>
参照	<code>&lt;undefined&gt;</code> [nd_gr], page <code>&lt;undefined&gt;</code> , <code>&lt;undefined&gt;</code> [nd_gr_trace], page <code>&lt;undefined&gt;</code>

## 2.4 システム

### 2.4.1 asir-port.sh, asir-install.sh

- `asir-install.sh`  
`asir-port.sh`
- :: これは asir の内部コマンドではない。asir をネットワークからダウンロードかつ実行するシェルスクリプト
- `asir-port.sh` は knoppix 専用である。このコマンドは asir のバイナリおよび FLL で配布できない部分を `ftp.math.kobe-u.ac.jp` よりダウンロードして `/home/knoppix/.asir-tmp` へセーブして、実行する。`.asirrc` および `.TeXmacs/plugins/ox/progs/init-ox.scm` もダウンロードする。
  - `asir-install.sh` は Debian GNU Linux / `openxm-binary*.deb` 専用である。`asir-install.sh` は asir をダウンロードして `/usr/local/OpenXM/bin` および `/usr/local/OpenXM/lib/asir` へインストールする。

ChangeLog

- これらのシェルスクリプトは knoppix/math のために 2004/2, 3 月に書かれた.
- knoppix/math は福岡大学の濱田さんが中心となり開発されている.
- OpenXM/misc/packages/Linux/Debian の下の全てのファイル (2004-2-22 から 2004-3 の末まで). (~taka/this03/misc-2003/A3/knoppix-03-05 (プライベートファイル) も見よ.) OpenXM/src/asir-port の下の次の各ファイル. Makefile 1.1-1.8, asir-install.sh 1.1-1.2, asir-port.sh 1.1-1.6.

## 2.4.2 asirgui.hnd

asirguid.hnd

:: asirgui の main window のハンドル番号を保持するファイル

- asirgui (Windows 版) を起動すると 環境変数 TEMP で指定されたフォルダにこのファイルが作成される.
- 中身は 10 進整数で, asirgui の main window のハンドルである. このハンドルあてに PostMessage をすれば, asirgui にキーボードから入力したのと同様な効果が得られる.
- text editor で作成, 保存したファイルを text editor 側から asirgui に読み込ませたりするためには利用可能.
- <http://www.math.kobe-u.ac.jp/Asir/Add-ons> にて winfep.exe を配布している. winfep ではあらかじめファイルに入力スクリプトを書いておいて, asirgui で一行づつ実行させることができる. winfep はプレゼンテーション用のソフトウェアである. これは asirgui.hnd を利用している.

```
// cl test.c user32.lib
```

```
#include <windows.h>
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include <process.h>

int main()
{
    HWND hnd;
    FILE *fp = fopen("c:/Program Files/asir/bin/asirgui.hnd", "r");
    fscanf(fp, "%d", &hnd);
    fclose(fp);
    while (1) {
        int c;
        c = getchar();
        if (c == '#') break;
        PostMessage(hnd, WM_CHAR, c, 1);
    }
    return 0;
}
```

参照      ⟨undefined⟩ [xyz-abc], page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- この機能は 2006-12-5, 2007-02-13 に加えられた.
- OpenXM\_contrib2/windows/asir32gui/asir32gui.clw 1.11
- OpenXM\_contrib2/windows/asir32gui/asir32guiview.cpp 1.15, 1.1.6
- winfep は 2010-01-20 頃に第一版が commit された.
- OpenXM\_contrib2/windows/winfep 1.1

### 2.4.3 chdir, pwd

`chdir(directory)`

`pwd()` :: シェルコマンド `cd` と `pwd` に対応する操作.

`return 文字列 (pwd), 整数 (chdir)`

`directory 文字列`

- `pwd` はカレントディレクトリを文字列で返す.
- `chdir` はカレントディレクトリを `directory` に変更する. 成功すれば 0 を失敗すれば -1 を返す.

```
[0] S=pwd();
/home/ohara
[1] chdir("../taka");
-1
[2] chdir("/usr/bin");
0
```

ChangeLog

- これらの関数は 2008-8-27 にコミットされた. 変更をうけたソースコードは `builtin/miscf.c` (1.27) である.

### 2.4.4 dcurrenttime

`dcurrenttime()`  
:: 現在時刻を取得.

`return 浮動小数点数`

- 返り値は 1970 年 1 月 1 日 0 時 0 分 0 秒からの経過秒数である.

```
[0] ctrl("real_digit", 16);
16
[1] dcurrenttime();
1226390851.34476
[2] currenttime();
1226390854
```

参照 `<undefined> [currenttime], page <undefined>`

ChangeLog

- この関数は 2008-9-12 にコミットされた. 変更をうけたソースコードは `builtin/time.c` (1.6) である.

### 2.4.5 getpid

```
getpid()
return 整数
• asir のプロセス番号を戻す.
• プロセス番号は asir, ox_asir 等で独立したプロセスに対してシステム内で一意である.
[219] getpid();
3214
```

#### ChangeLog

- この関数は ox\_work\_dir() 関数が一意な作業ファイル名を得るために使われている.  
src/asir-contrib/packages/src/misc/rr 1.3, asir2000/builtin/file.c 1.28, rat.c 1.5,  
asir2000/parse/puref.c 1.9 を参照 (2013/02/15, 18).

### 2.4.6 loadpath

```
ctrl("loadpath",[list])
list 文字列(パス)のリスト
return 文字列(パス)のリスト, または数(list が与えられたとき)
• asir の組み込み関数 ctrl のスイッチのひとつである.
• asir のロードパスの出力または設定を行う.
[0] L=ctrl("loadpath");
[/home/you/OpenXM/lib/asir-contrib,/home/you/OpenXM/lib/asir,.]
[1] ctrl("loadpath", cons(getenv("HOME")+"/lib",L));
0
```

#### ChangeLog

- この関数は 2014-5-12 にコミットされた. 変更をうけたソースコードは builtin/ctrl.c  
(1.41) である.

### 2.4.7 sysinfo

```
sysinfo()
return 文字列のリスト
• asir の動作しているオペレーティングシステムの情報を返す.
• リストの各成分は, OS タイプ, カーネル名, OS 名, CPU タイプ, OS バージョン, 完全な  
情報, ロケールである.
• OS タイプは unix, macosx, windows のいずれかである.
• unix および macosx においては, システムコールおよび uname コマンドにより情報を  
取得している. windows では, GetVersionEx() などの Win32 API が用いられている.
```

```
[0] sysinfo();
[windows,WindowsNT,Windows7,x86_64,6.1.7601,WindowsNT 6.1.7601 Windows7 Service Pac
```

#### ChangeLog

- この関数は 2014-5-14 にコミットされた. 変更をうけたソースコードは builtin/ctrl.c  
(1.42) である.

## 2.5 言語

### 2.5.1 get\_struct\_name, get\_element\_names, get\_element\_at, put\_element\_at

```
get_struct_name(s)
get_element_names(s)
get_element_at(s,key)
put_element_at(s,key,obj)
    :: 構造体 s に対する操作
return 文字列 (get_struct_name), 文字列のリスト (get_element_names), オブジェクト
        (get_element_at), オブジェクト (put_element_at)
```

s 構造体

key 文字列

obj オブジェクト

- get\_struct\_name(s) は, 構造体 s の名前を戻す.
- get\_element\_names(s) は, 構造体のメンバーの名前のリストを戻す.
- get\_element\_at(s,key) は構造体 s のメンバー key の値を戻す.
- put\_element\_at(s,key,obj) は構造体 s のメンバー key の値を obj に設定する.

```
[219] struct point { x, y, color};
[220] P = newstruct(point);
{0,0,0}
[221] P->x = 10$ P->y=5$ P->color="red"$
[222] get_element_names(P);
[x,y,color]
[223] put_element_at(P,"color","blue");
blue
[224] P->color;
blue
```

参照 <undefined> [newstruct], page <undefined>, <undefined> [struct], page <undefined>

ChangeLog

- 構造体の定義を知らずに構造体を扱うユーザ関数を書くときに便利. asir-contrib の noro\_print.rr を見よ.
- OpenXM\_contrib2/asir2000/builtin/compobj.c 1.8.

### 2.5.2 mapat

```
mapat(fname,pos[,arg0, arg1, ...])
    :: pos に対する map 関数
return オブジェクト
pos 整数
```

`arg0, arg1, arg2, ...`

オブジェクト

- `map` 関数は 0 番目の引数に対してしか動作しないが、`mapat` 関数は指定した番号の引数に対して `map` 関数を実行する。
- `mapat(fname, 0, A0, A1, ...)` は `map(fname, A0, A1, ...)` に等価である。
- 次の副作用がある。まだ書いてない。

```
[219] mapat(deg, 1, x^2+y^3+x+y, [x,y]);
[2,3]
[220] mapat(subst, 1, x+y+z, [x,y,z], 2);
[y+z+2, x+z+2, x+y+2]
```

参照      `<undefined>` [map], page `<undefined>`

ChangeLog

- この関数は 2004-6-22 にコミットされた。変更をうけたソースコードは `builtin/pf.c`, `subst.c` である。

### 2.5.3 list

`list([arg0, arg1, ...])`  
:: list を生成する。

return    リスト

`arg0, arg1, arg2, ...`

オブジェクト

- `arg0, arg1, ...` を要素とするリストを生成する。

```
[219] list(1,2,3);
[1,2,3]
[220] list(1,2,[3,4]);
[1,2,[3,4]]
```

参照      `<undefined>` [cons], page `<undefined>`

ChangeLog

- この関数は 2004-6-22 にコミットされた。変更をうけたソースコードは `builtin/list.c` である。

### 2.5.4 assoc

`assoc(a, b)`  
:: 連想リストをつくる

return    List

a           List

b           List

- リスト `a, b` より `[[a[0],b[0]], [a[1],b[1]], ...]` なる新しいリストを生成する。

下の例では A に動物の名前が、B に足の本数が入っている。assoc(A,B) で動物と足の本数をペアにしたリストを生成する。

```
[1192] A=["dog","cat","snake"];
[dog,cat,snake]
[1193] B=[4,4,0];
[4,4,0]
[1194] assoc(A,B);
[[dog,4],[cat,4],[snake,0]]
```

参照      ⟨undefined⟩ [cons], page ⟨undefined⟩, ⟨undefined⟩ [append], page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- この関数は 2004-6-28 に書かれた。変更をうけたソースコードは builtin/list.c 1.9 parse/eval.c 1.35, parse/parse.h 1.31, parse/quote.c 1.14–1.16.

### 2.5.5 set\_secure\_flag, set\_secure\_mode

```
set_secure_flag(fname,m)
set_secure_mode(m)
    :: 関数の実行権限を設定する。(web サービス用)
return 整数
fname 文字列
m 整数
```

- set\_secure\_flag, set\_secure\_mode は asir を web サーバ等で公開するために加えられた関数。set\_secure\_flag で公開する関数を指定する。secure\_mode が 1 の場合は set\_secure\_flag で指定された関数しか実行できない。関数の実行途中では secure\_mode が 0 となっているので、任意の関数を実行できる。またエラーの時等は、secure\_mode は 1 に自動的に復帰する。ただし def は実行できない。公開する関数では、その処理中は任意の関数が実行できるので、security に十分注意した実装をする必要がある。
- set\_secure\_flag は、fname の secure flag を m にする。公開する命令は 1 に設定する。
- set\_secure\_mode(1) で secure\_mode が 1 となり、公開された関数しか実行できなくなる。quit 等も実行できないので注意。
- timer の引数として secure\_flag を設定していない関数を指定して実行してもエラーが表示されない。このときは、ctrl("error\_in\_timer",1) を実行しておく。

```
[1194] set_secure_flag("print_input_form_",1);
1
[1195] set_secure_flag("fctr",1);
1
[220] set_secure_mode(1);
1
[1197] fctr((x-1)^3);
[[1,1],[x-1,3]]
[1198] fctr(shell("ls"));
evalf : shell not permitted
return toplevel
```

参照      ⟨undefined⟩ [timer], page ⟨undefined⟩

## ChangeLog

- `set_secure_flag`, `set_secure_mode` は asir を web サーバ等で公開するために加えられた関数。sm1 の同様な関数 `RestrictedMode` で採用された方法を用いている。つまり, `set_secure_flag` で公開する関数を指定する。`secure_mode` が 1 の場合は `set_secure_flag` で指定された関数しか実行できない。v 関数の実行途中では `secure_mode` が 0 となっているので、任意の関数を実行できる。
- この関数は 2004-10-27 から 2004-11-22 にかけて開発された。
- `cgi-asir.sm1`, `cgi-asir.sh` と組み合わせて cgi サービスを提供するために利用する。`cgi-asir.sh` では `CGI_ASIR_ALLOW` 環境変数で公開するコマンドを指定する。
- 1.24–1.25 OpenXM\_contrib2/asir2000/builtin/miscf.c
- 1.36–1.38 OpenXM\_contrib2/asir2000/parse/eval.c
- 1.6–1.7 OpenXM\_contrib2/asir2000/parse/function.c
- 1.33 OpenXM\_contrib2/asir2000/parse/parse.h

## 2.5.6 initialize\_static\_variable

`static` 変数の初期化の問題点。初期化の時に `segmentation fault` が起きる。

- `static` 変数の取扱。下の例を参照のこと。

```

if (1) {
    module abc;
    static A;
    A=1;
    endmodule;
} else { };

end$  

を t.rr とするとき,  
  

[6] load("./t.rr");
1
internal error (SEGV)
となる.  
  

t.rr を
if (1) {
    module abc;
    static A;
    localf initA;
    localf foo;
    def initA() {
        A=1;
    }
    initA();
    def foo() {
        return A;
    }
    endmodule;
}

```

```

} else { };

end$  

とすると正しく初期化される.

```

## ChangeLog

- oxasir-win.rr の取扱で問題点として浮上. 2005.07.25.
- oxasir-win.rr の取扱で double quote の取り扱いに問題があったが、これは asir2000/io/ox\_asir.c, 1.58, で問題点解決.
- ox\_asir に計算を依頼する時は if (1) { ... }で囲む.

## 2.6 数論・代数

### 2.6.1 small\_jacobi

```
small_jacobi(a,m)
    :: Jacobi 記号の計算
return 整数
```

arg1, arg2 整数

- $m$  が素数のときは Legendre 記号とよばれ,  $x^2 = a \pmod{m}$  に解があるとき 1, 解がないとき -1 をもどす.
- Jacobi 記号は Legendre 記号の積で定義される (初等整数論の本参照).
- この関数は machine int の範囲で jacobi 記号を計算する.

```
[1286] small_jacobi(2,3);
-1
[1287] small_jacobi(2,7);
1
```

参照 <http://members.jcom.home.ne.jp/yokolabo/asirlib/> も見てね.

## ChangeLog

- この関数の由来は不明.

### 2.6.2 noro\_matrix.rr

```
linalg.unit_mat(arg1)
linalg.random_rmat(arg1, arg2, arg3)
linalg.minipoly_mat(arg1)
linalg.compute_kernel(arg1)
linalg.compute_image(arg1)
linalg.jordan_canonical_form(arg1)
```

- 簡単な解説および実例は [http://www.math.kobe-u.ac.jp/HOME/taka/2007/knx/noro\\_matrix-ja.txt](http://www.math.kobe-u.ac.jp/HOME/taka/2007/knx/noro_matrix-ja.txt) を参照.

```

load("noro_matrix.rr");
A=newmat(4,4,[[2,0,0,0],[3,5,1,0],[-9,-9,-1,0],[-5,0,0,1]]);
B=linalg.jordan_canonical_form(A);

```

参照      ⟨undefined⟩ [invmat], page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- この関数は 2004-04 頃から線形代数 III の講義をしながら書かれた。
- ソース: OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/noro\_matrix.rr

### 2.6.3 f\_res

f\_res

- f\_res は各種の終結式を計算するモジュールである。ox\_grep("f\_res"); で online manual を閲覧可能である。

参照      ⟨undefined⟩ [], page ⟨undefined⟩

ChangeLog

- このモジュールは Fujiwara 君の修士論文が元になり、それを改造したものである。
- OpenXM/src/ox\_cdd, OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/f\_res.rr

## 2.7 D 加群の制限に関する関数

### 2.7.1 nk\_restriction.restriction

`nk_restriction.restriction(Id, VL, DVL, W)`  
   :: ホロノミック D イデアル *Id* を重みベクトル *W* についての制限加群を返す。

*Id*      イデアルの生成元のリスト

*VL*      変数のリスト

*DVL*     変数のリスト (*VL* に対応する微分作用素の方の変数)

*W*      重みベクトルを表すリスト

- *W* の要素は非負整数で、0 番目の要素から連続して正の整数が入らなければならない。  
 (すなわち、[1,1,0,0,0] は OK だが、[1,0,1,0,0] はダメ)
- 正の重みを持つ変数についての制限を行う。例えば、*VL*=[x,y,z], *W*=[1,1,0] であれば x,y について制限を行う。

以下は、イデアル  $I = D \cdot \{x\partial_x - 1, y\partial_y - 1\}$  の *x* についての制限加群を計算した例である。

```

[1432] nk_restriction.restriction([x*dx-1,y*dy-1],[x,y],[dx,dy],[1,0]);
-- generic_bfct_and_gr : 0.001sec(0.001629sec)
generic bfct : [[1,1],[s-1,1]]
S0 : 1
B_{S0} length : 2
-- fctr(BF) + base : 0.000999sec(0.0005109sec)
[[y*dy-1,(y*dy-1)*dx,-1],[[1],[0]]]

```

### 2.7.2 nk\_restriction.restriction\_ideal

`nk_restriction.restriction_ideal(Id, VL, DVL, W)`  
 $\therefore$  ホロノミック D イデアル  $Id$  を重みベクトル  $W$  についての制限イデアルを返す。

$Id$  イデアルの生成元のリスト

$VL$  変数のリスト

$DVL$  変数のリスト ( $VL$  に対応する微分作用素の方の変数)

$W$  重みベクトルを表すリスト

- $W$  の要素は非負整数で、0 番目の要素から連続して正の整数が入らなければならない。  
 (すなわち、 $[1,1,0,0,0]$  は OK だが、 $[1,0,1,0,0]$  はダメ)
- 正の重みを持つ変数についての制限を行う。例えば、 $VL = [x,y,z]$ ,  $W = [1,1,0]$  であれば  $x,y$  について制限を行う。

以下は、イデアル  $I = D \cdot \{x\partial_x - 1, y\partial_y - 1\}$  の  $x$  についての制限イデアルを計算した例である。

```
[1346] nk_restriction.restriction_ideal([x*dx-1,y*dy-1],[x,y],[dx,dy],[1,0]);
-- generic_bfct_and_gr : 0.002sec(0.001652sec)
generic bfct : [[1,1],[s-1,1]]
S0 : 1
B_{S0} length : 2
-- fctr(BF) + base : 0sec(0.000566sec)
-- restriction_ideal_internal : 0.001sec(0.0007441sec)
[-1]
```

### 2.7.3 nk\_restriction.integration

`nk_restriction.integration(Id, VL, DVL, W)`  
 $\therefore$  ホロノミック D イデアル  $Id$  を重みベクトル  $W$  についての積分加群を返す。

$Id$  イデアルの生成元のリスト

$VL$  変数のリスト

$DVL$  変数のリスト ( $VL$  に対応する微分作用素の方の変数)

$W$  重みベクトルを表すリスト

- $W$  の要素は非負整数で、0 番目の要素から連続して正の整数が入らなければならない。  
 (すなわち、 $[1,1,0,0,0]$  は OK だが、 $[1,0,1,0,0]$  はダメ)
- 正の重みを持つ変数についての積分を行う。例えば、 $VL = [x,y,z]$ ,  $W = [1,1,0]$  であれば  $x,y$  について積分を行う。

以下は、イデアル  $I = D \cdot \{2t\partial_x + \partial_t, t\partial_t + 2x\partial_x + 2\}$  の  $t$  についての積分イデアルを計算した例である。([SST, Ex5.5.2, Ex5.5.6])

```
[1351] nk_restriction.integration([2*t*dx+dt,2*x*dx+t*dt+2],[t,x],
[dt,dx],[1,0]);
-- generic_bfct_and_gr : 0.001sec(0.001796sec)
generic bfct : [[1,1],[s,1],[s-1,1]]
```

```

S0 : 1
B_{S0} length : 2
-- fctr(BF) + base :0.001sec(0.0006731sec)
[[4*x*dx^2+6*dx,-4*t*x*dx^2-6*t*dx,2*x*dx+1,-2*t*x*dx,2*t*dx],[[1],[0]]]

```

#### 2.7.4 nk\_restriction.integration\_ideal

`nk_restriction.integration_ideal(Id, VL, DVL, W)`  
 $\therefore$  ホロノミック D イデアル  $Id$  を重みベクトル  $W$  についての積分イデアルを返す。

$Id$  イデアルの生成元のリスト

$VL$  変数のリスト

$DVL$  変数のリスト ( $VL$  に対応する微分作用素の方の変数)

$W$  重みベクトルを表すリスト

- $W$  の要素は非負整数で、0 番目の要素から連続して正の整数が入らなければならない。  
 (すなわち、 $[1, 1, 0, 0, 0]$  は OK だが、 $[1, 0, 1, 0, 0]$  はダメ)
- 正の重みを持つ変数についての積分を行う。例えば、 $VL = [x, y, z]$ ,  $W = [1, 1, 0]$  であれば  $x, y$  について積分を行う。

以下は、イデアル  $I = D \cdot \{2t\partial_x + \partial_t, t\partial_t + 2x\partial_x + 2\}$  の  $t$  についての積分イデアルを計算した例である。([SST, Ex5.5.2, Ex5.5.6])

```

[1431] nk_restriction.integration_ideal([2*t*dx+dt,t*dt+2*x*dx+2],[t,x],
[dt,dx],[1,0]);
-- generic_bfct_and_gr :0.002999sec(0.002623sec)
generic bfct : [[1,1],[s,1],[s-1,1]]
S0 : 1
B_{S0} length : 2
-- fctr(BF) + base :0.001sec(0.001091sec)
-- integration_ideal_internal :0.002sec(0.001879sec)
[2*x*dx+1]
[1432]

```

#### 2.7.5 nk\_restriction.ann\_mul

`nk_restriction.ann_mul(I, J, VL, DVL)`  
 $\therefore f$  を零化するホロノミック D イデアル  $I$ ,  $g$  を零化するホロノミック D イデアルを  $J$  としたとき,  $fg$  を零化するホロノミック D イデアルを返す。

$I$  イデアルの生成元のリスト

$J$  イデアルの生成元のリスト

$VL$  変数のリスト

$DVL$  変数のリスト ( $VL$  に対応する微分作用素の方の変数)

- `test_ann_mul()`, `test_ann_mul2()`, `test_ann_mul3()` を参照。

### 2.7.6 nk\_restriction (option)

```

nk_restriction.restriction(... | inhomo=n, param=p, s0=m)
nk_restriction.restriction_ideal(... | inhomo=n, param=p, s0=m, ht=b,
ord=ord)
nk_restriction.integration(... | inhomo=n, param=p, s0=m)
nk_restriction.integration_ideal(... | inhomo=n, param=p, s0=m, ht=b,
ord=ord)

```

:: D 加群の制限, 積分に関する関数のオプションの説明

*n* 0 または 1

*p* リスト (係数体に属する変数のリスト)

*m* 整数

*b* 0, 1, 2, 3 のいずれか

*ord* 重み 0 の変数に対する項順序

- *n* が 0 でないとき, 非齊次部分の計算を行う.

restriction\_ideal (integration\_ideal) に関しては, イデアル  $I$  の  $M$  変数についての制限 (積分) イデアル  $J$  と

$$J[K] - (1/IH[K][1])(IH[K][0][0][0]IH[K][0][0][1] + \dots + IH[K][0][M][0]IH[K][0][M][1]) \in I$$

を満たす非齊次部分を構成する情報  $IH$  とのペア  $[J, IH]$  を出力する. 詳しい出力の見方については, 下の例やソースの `inhomo_part` のコメントを参照.

restriction, integration に対する `inhomo` オプションは `restriction_ideal`, `integration_ideal` のサブルーチンとしての実行用なので, ユーザが明示的に使用することはない.

- *param* に指定された変数は係数体に属するものとみなされて計算が行われる. また, “generic” であることが仮定される. つまり, これらの変数に依存するような generic b-関数の根は, 最大整数根でないということである.

- *param* が指定されると, generic b-関数の計算は noro による高速アルゴリズムではなく, 消去法が用いられる. *param* に空リストを指定することで, b-関数の計算方法のフラグとしても利用できる.

- *m* が負でないとき, 計算を行わずに  $s-m$  を generic b-関数として制限, 積分等の計算を行う.

- *b* により, 加群のグレブナ基底計算に齊次化, trace アルゴリズムを用いるかどうか指定できる. ただし, 齊次化ありで計算できるのは Risa/Asir バージョン 20100415 以降である.

0: 齊次化なし, trace なし

1: 齊次化なし, trace あり

2: 齊次化あり, trace なし (デフォルト)

3: 齊次化あり, trace あり

- *ord* が指定されると, 出力の積分, 制限イデアルは, その項順序に関するグレブナ基底となる. 加群のグレブナ基底計算の POT 順序の tie breaker として使用されるので計算

効率に大きな影響を与える可能性がある。デフォルトは 0、つまり全次数逆次書式順序である。

このオプションは *param* と同時利用できない。(後に対応予定.)

以下は、 $t^{b-1}(1-t)^{c-b-1}(1-xt)^{-a}$  の annihilator  $I = D \cdot \{x(1-x)\partial_x^2 + ((1-t)\partial_t - (a+b+1)x + c-1)\partial_x - ab, (1-t)x\partial_x + t(1-t)\partial_t + (2-c)t + b-1, (xt-1)\partial_x + at\}$  の  $t$  についての積分イデアル  $J$  を計算し、Gauss の超幾何微分方程式を導出した例である。([SST, Chap 1.3])

```
[1555] A=ndbf.ann_n([t,1-t,1-x*t])$  
[1556] I=map(subst,A,s0,b-1,s1,c-b-1,s2,-a);  
[(x^2-x)*dx^2+((t-1)*dt+(a+b+1)*x-c+1)*dx+b*a,(-t+1)*x*dx+(t^2-t)*dt+(-c+2)*t+b-1,(  
[1557] J=nk_restriction.integration_ideal(I,[t,x],[dt,dx],[1,0]|inhomo=1, param=[a,  
-- nd_weyl_gr :0sec(0.001875sec)  
-- weyl_minipoly_by_elim :0.008001sec(0.006133sec)  
-- generic_bfct_and_gr :0.008001sec(0.006181sec)  
generic bfct : [[[-1,1],[s,1],[s-a+c-1,1]]  
S0 : 0  
B_S0 length : 1  
-- fctr(BF) + base :0sec(0.003848sec)  
-- integration_ideal_internal :0sec(0.07707sec)  
[[[(x^2-x)*dx^2+((a+b+1)*x-c)*dx+b*a],[[[[dt,(-t+1)*dx]],1]]]
```

この出力は  $\{(x^2 - x)\partial_x^2 + ((a + b + 1)x - c)\partial_x + ab\} - 1/1\{\partial_t(-t + 1)\partial_x\} \in I$  であることを意味する。

### 2.7.7 nk\_restriction.trans\_inhomo

`nk_restriction.trans_inhomo(P, INT, VL, DVL, W)`  
 $\therefore$  D 加群の制限イデアル、積分イデアルの生成元に対する非齊次部分の情報から、任意の元に対する非齊次部分を計算する関数

- |            |  |
|------------|--|
| <i>P</i>   | 積分イデアルの元、または制限イデアルの元   |
| <i>INT</i> | <code>nk_restriction.integration_ideal(... inhomo=1);</code> または<br><code>nk_restriction.restriction_ideal(... inhomo=1);</code> の出力 |
| <i>VL</i>  | 変数のリスト   |
| <i>DVL</i> | 変数のリスト ( <i>VL</i> に対応する微分作用素の方の変数)  |
| <i>W</i>   | 重みベクトルを表すリスト   |
- *VL, DVL, W* は *INT* の計算に用いたものをそのまま使用しなければならない。
  - もし、*P* が *INT[0]* で生成される積分、制限イデアルの元でない場合はエラーメッセージが表示される。

### 2.7.8 nk\_restriction.ost\_integration\_ideal

積分領域が区間の直積であるような積分の満たすホロノミック齊次微分方程式系を返す(Oaku-Shiraki-Takayama, 2003).

`nk_restriction.ost_integration_ideal(Id, VL, DVL, W, LB, UB)`  
   :: Heaviside 関数との積の満たす微分方程式系の計算にショートカット法を用いる.

`nk_restriction.ost_integration_ideal2(Id, VL, DVL, W, LB, UB)`  
   :: Heaviside 関数との積の満たす微分方程式系の計算に制限イデアルを用いる.

`Id`      イデアルの生成元のリスト

`VL`      変数のリスト

`DVL`      変数のリスト (VL に対応する微分作用素の方の変数)

`W`      重みベクトルを表すリスト

`LB`      積分区間の下端を表すリスト

`UB`      積分区間の上端を表すリスト

- 下端, 上端に無限大を指定するときは, 文字列 "inf", "+inf", "-inf" を用いる.

以下は, Oaku-Shiraki-Takayama (2003) の例 5.1 を計算したものである.  $\int_0^\infty \exp((-t^3 + t)x)dt$  の被積分関数の満たすホロノミックイデアルは  $I = \langle \partial_t + (3t^2 - 1)x, \partial_x + t^3 - t \rangle$  であるから, これを入力として次のように計算を行う.

```
[1871] Id=[dt+(3*t^2-1)*x, dx+t^3-t]$  

[1872] VL=[t,x]$  

[1873] DVL=[dt,dx]$  

[1874] W=[1,0]$  

[1875] nk_restriction.ost_integration_ideal(Id,VL,DVL,W,[0],["inf"]);  

-- nd_weyl_gr :0.008sec(0.006768sec)  

-- weyl_minipoly :0.004001sec(0.003029sec)  

-- generic_bfct_and_gr :0.012sec(0.0129sec)  

generic bfct : [[1,1],[s,1],[s-2,1]]  

S0 : 2  

B_S0 length : 3  

-- fctr(BF) + base :0.008sec(0.007395sec)  

-- integration_ideal_internal :0.012sec + gc : 0.016sec(0.04311sec)  

[-27*x^3*dx^3-54*x^2*dx^2+(4*x^3+3*x)*dx+4*x^2-3,27*x^2*dx^4+135*x*dx^3+(-4*x^2+105
```

```
[1876] nk_restriction.ost_integration_ideal2(Id,VL,DVL,W,[0],["inf"]);  

(略)
```

[27\*x^3\*dx^3+54\*x^2\*dx^2+(-4\*x^3-3\*x)\*dx-4\*x^2+3,-27\*x^2\*dx^4-135\*x\*dx^3+(4\*x^2-105

この出力は, 積分を零化するホロノミック系である.

### 2.7.9 `nk_restriction.ost_sum`

`nk_restriction.ost_sum(Id, VL, DVL, W)`  
   :: 和の満たす (齊次/非齊次) 差分方程式系を返す.

`Id`      イデアルの生成元のリスト

`VL`      変数のリスト

`DVL`      変数のリスト (VL に対応する差分作用素の方の変数)

### *W 重みベクトルを表すリスト*

- Oaku-Shiraki-Takayama (2003) の第 6 節のアルゴリズムの実装.
- オプション *inhomo* が 0 でないとき, 非齊次部分を与える情報を返す.

以下は, Oaku-Shiraki-Takayama (2003) の例 6.5 の非齊次部分まで計算したものである.  
 $\sum_{k=a}^b \binom{n}{k}$  の非和関数の満たすホロノミックイデアルは  $I = \langle (n-k+1)E_n - (n+1), (k+1)E_k - (n-k) \rangle$  であるから, これを入力として次のように計算を行う.

```
[1871] Id=[(n-k+1)*en-(n+1), (k+1)*ek-(n-k)]$  

[1872] VL=[k,n]$  

[1873] DVL=[ek,en]$  

[1874] W=[1,0]$  

[1875] nk_restriction.ost_sum(Id,VL,DVL,W|inhomo=1);  

-- nd_weyl_gr : 0.006667sec(0.004057sec)  

-- weyl_minipoly : 0sec(0.001163sec)  

-- generic_bfct_and_gr : 0.01sec(0.007085sec)  

generic bfct : [[1,1],[s,1]]  

S0 : 0  

B_S0 length : 1  

-- fctr(BF) + base : 0.003333sec(0.001785sec)  

-- restriction_ideal_internal : 0sec(0.002336sec)  

[[((en-2)*n+en-2), [[[ek-1, [(-en+1)*n-en+1, 1]], 1]]]
```

### ChangeLog

- これらの関数は OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/nk\_restriction.rr で定義されている. nk\_restriction.rr, 1.1–1.6 を見よ.
- 2010-02-05 に 3 つの option (*inhomo*, *param*, *s0*) が追加された. 1.7–1.9 を見よ.
- 2010-05 から 2010-07 にかけて 2 つの option (*ht*, *ord*) と新たな関数 *trans.inhomo()* が追加された. 1.10–1.13 を見よ.
- 2011-08 に *ost\_sum()* が追加された. 1.20 を見よ.

## 2.8 その他(未分類)

### 2.8.1 tk\_pfn.rkn

*tk\_pfn.rkn(F, X, Y, Xs, Ys, Ht, H)*  
:: Pfaffian 方程式に対する Runge-Kutta 法  
*return* リスト 独立変数と解の組

*F, X, Y, Xs, Ys, Ht, H*

*F* は Pfaffian 方程式の係数行列リスト. *X* は独立変数リスト. *Y* は従属変数リスト. *Xs* 独立変数の出発値リスト. *Ys* は出発時の従属変数の値リスト. *Ht* は停止する独立変数の値リスト. *H* は微少数.

- この関数は連立 Pfaffian 方程式  $dY/dX[i] = F[i]$  *Y* を数値的に解く.
- 任意の holonomic system は Pfaffian 方程式に変換できる ([SST, Chap 1]). 変換には yang.rr パッケージを用いる.

- $d F[i]/d X[j] + F[i] F[j] = d F[j]/d X[i] + F[j] F[i] = 0$  が任意の  $i, j$  に対して成立していることが解が存在する必要十分条件である。この条件が成立しないときにこの関数を用いて解を計算してもその解は偽物である。
- $X[i]$  が動く範囲は実数でないといけない。
- $Xs[i] \leq X[i] \leq Xt[i]$  または  $Xt[i] \leq X[i] \leq Xs[i]$  である。
- 引数の与え方の例はソースコード (OpenXM/lib/asir-contrib/tk\_pfn.rr) の tk\_pfn.test1, tk\_pfn.test2 を参照。
- 下の例の出力は  $X=(1,3)$  での値が  $Y=(-8,2,-6)$  であることを意味する。
- 参考. taka\_runge\_kutta.rr, yang.rr

```
[1355] import("tk_pfn.rr");
[1590] tk_pfn.test1();
Value at (3,0.1)[8.99,6,-0.2]
Value at (1,3)[-8,2,-6]
[[[1,3],-8,2,-6],
 [[1,2.9],-7.41,2,-5.8],
 --- snip ---
 [[3,0.1],8.99,6,-0.2]]
```

#### ChangeLog

- この関数は 2009-12 から 2010-01 にかけて最初の版が書かれた。
- OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/tk\_pfn.rr 1.1, 1.2
- このモジュールの前身は tk\_pf2.rr である。これは独立変数が 2 個の場合である。

### 2.8.2 tk\_pfn.graph

`tk_pfn.graph(Pf, Dom, Iv, Step)`  
   :: 2 变数 Pfaffian 方程式を Runge-Kutta 法で解いてグラフ表示する。  
`return`   リスト リストの要素は以下の形式  $[[x \text{ の値}, y \text{ の値}], Y_1 \text{ の値}, Y_2 \text{ の値}, \dots]$ .  $[x \text{ の値}, y \text{ の値}]$  は  $[0,0], [0.2,0], [0.4,0], \dots, [0,0.2], [0.2,0.2], \dots$  のように  $y$  の値が外側ループ,  $x$  の値が内側ループの形式で増える。

*Pf, Dom, Iv, Step*

*Pf* は Pfaffian 方程式の係数行列リスト. 独立変数は  $x, y$  で固定. *Dom* リスト. 解くべき領域. *Iv* リスト. 領域の左端での初期値. *Step* 刻み幅.

- tk\_pf2.rr, mt\_graph.rr を import しておく必要がある。
- この関数は連立 Pfaffian 方程式  $dY/dx = Pf[0] Y, dY/dy = Pf[1] Y$  を数値的に解いてグラフ表示する。
- *Dom* は  $[[xmin, xmax], [ymin, ymax]]$  の形式。
- 例はソースコード (OpenXM/lib/asir-contrib/tk\_pfn.rr) の tk\_pfn.testgraph1(), tk\_pfn.testgraph2() を参照。
- option としては *fit=1* がある. Z 軸を適宜調整する。
- *Dom* の端はグラフ表示の時に一部カットされるので注意。

```
[1355] import("tk_pf2.rr"); import("mt_graph.rr"); import("tk_pfn.rr");
[1590] tk_pfn.testgraph1();
```

```

ここで testgraph1() は以下のとおり .
def testgraph1()
/* tk_bess2.bess2pf(1/2); */
Pf= [[[ 0, (1)/(x), 0 ],
      [ -x, (2*x^2+1)/(x), -2*x ],
      [ -y, 0, 0 ]],
     [[ 0, 0, (1)/(y) ],
      [ -x, 0, 0 ],
      [ -x, (1/2)/(x), (-1/2)/(y) ]]];
/* tk_bess2.bess2Iv(1/2,[0.5,1.5]); */
Iv = [0.105994,-0.651603,-0.760628];
Dom=[[0.5,1.5],[1.5,9]];
Step = 0.5;
return tk_pfn.graph(Pf,Dom,Iv,Step | fit=1);

```

## ChangeLog

- この関数は 2010-08 に最初の版が書かれた.
- OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/tk\_pfn.rr 1.8

## 2.8.3 tk\_rk.runge\_kutta\_4

*tk\_rk.runge\_kutta\_4(Eq,X,Y,X0,Y0,Terminal,Step)*  
:: 4 次の Runge-Kutta 法による微分方程式の数値近似解  
*return* リスト リストの要素は以下の形式 [X の値, Y\_1 の値, Y\_2 の値, ...]. X の値は減っていく. よってリストの先頭が Terminal 付近での Y の値.

*Eq, X, Y, Step*  
*Eq* は 方程式の右辺. リスト.  $Y[0]'=Eq[0]$ ,  $Y[1]'=Eq[1]$ , ... である. X 独立変数名. Y リスト. 従属変数のリスト. Step 刻み幅.

*X0, Y0, Terminal*  
*X0* 出発点の X の値. *Y0* 出発点での Y の初期値. *Terminal* X の終着点.

- taka\_runge\_kutta.rr を import しておく必要がある.
- この関数は連立常微分方程式  $Y[0]'=Eq[0]$ ,  $Y[1]'=Eq[1]$ , ... を数値的に解く.
- 例はソースコード (OpenXM/lib/asir-contrib/src/taka\_runge\_kutta.rr ) の *tk\_rk.test4()* を参照.

```
[1355] import("taka_runge_kutta.rr");
[1590] tk_rk.test4();
```

ここで *test4()* は以下のとおり. 振動の方程式,  $y0'=y1$ ,  $y1'=-y0$  ( $y0''+y0=0$ ). 答は  $y0=\cos(x)$   
*taka\_plot\_auto* は下方向で y が正.

```
def test4()
A=runge_kutta_4([y1,-y0],x,[y0,y1],0,[1,0],3.14*2,0.1);
```

```
taka_plot_auto(A);
return(A);
```

## ChangeLog

- この関数は 2000 年代の前半に最初の版が書かれた。2010 年 Pfaffian の数値解析の為に再度整備
- OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/taka\_runge\_kutta.rr 1.17

## 2.8.4 tk\_rk.runge\_kutta\_4\_linear

`tk_rk.runge_kutta_4_linear(P,X,Y,X0,Y0,Terminal,Step)`  
   :: 4 次の Runge-Kutta 法による微分方程式の数値近似解。線形方程式専用。  
`return` リストリストの要素は以下の形式 [X の値, Y\_1 の値, Y\_2 の値, ...]。X の値は減っていく。よってリストの先頭が Terminal 付近での Y の値。

`P, X, Y, Step`

`P` は 方程式の右辺。リスト。 $Y' = P Y$  である。従属変数 `Y` は不要。X 独立変数名。Y リスト。従属変数のリスト。従属変数は自動生成される。使われていないので空リストでよい。`Step` 刻み幅。

`X0, Y0, Terminal`

`X0` 出発点の X の値。`Y0` 出発点での Y の初期値。`Terminal` X の終着点。

- `taka_runge_kutta.rr` を import しておく必要がある。

```
[1355] import("taka_runge_kutta.rr");
[1590] A=tk_rk.runge_kutta_4_linear([[0,1],[-1,0]],x,[ ], 0, [1,0], 3.14*2, 0.1);
[1591] taka_plot_auto(A);
```

振動の方程式、 $y_0' = y_1$ ,  $y_1' = -y_0$  ( $y_0'' + y_0 = 0$ )。答は  $y_0 = \cos(x)$  を解いている。`taka_plot_auto` は下方向で y が正。

## ChangeLog

- 2010 年 Pfaffian の数値解析の為に再整備。
- OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/taka\_runge\_kutta.rr 1.17

## 2.8.5 fj\_simp.simplify

`fj_simp.simplify(arg1)`  
   :: arg1 を簡単化する。  
`return` 多項式、有理式 または quote  
`arg1` 多項式 または 有理式

- 現在のバージョンでは `fj_simp.simplify` ではなく、単に `simplify` とよぶ。
- この関数は Joel S. Cohen, Computer Algebra and Symbolic Computation, <http://web.cs.du.edu/~jscohen/MathematicalMethods/index.htm> に記述されている Automatic simplification algorithm と B.F.Caviness, R.J.Fateman, Simplification of Radical Expressions (1976) に記述されている radcan アルゴリズムの実装である。

- 複素多値関数としては  $(x^a y)^b = x^a y^b$  は一般には成立しないので、結果を複素関数を使うときは注意が必要である。 $(x^a y^b = \exp(a \log(x)) \exp(b \log(y))$  なので)

```
load("fj_simplify.rr");
[1434] simplify((x^(1/2))^3);
((x)^(3/2))
[1435] simplify((2^(1/2))^2);
2
[1436] simplify((2+2^(1/2))^3);
14*((2)^(1/2))+20
[1437] simplify(exp(x)*exp(-x+y));
((@e)^y)
```

参照        <undefined> [quote], page <undefined>

ChangeLog

- 将来的には module 化して fj\_simp module に含める予定。poly\_simplify から fj\_simp.simplify を呼ぶ。
- Todo: exp 以外の特殊関数についての simplification の機能。
- この関数は 2010.01 に M.Fujimoto により最初の版が書かれた。OpenXM/src/asir-contrib/packages/src/fj\_simplify.rr

## 2.8.6 tk\_jack.zonal

**tk\_jack.zonal(*p, n*)**  
           :: 分割 *p* に対する *n* 変数の zonal 多項式を出力する.  
**return**    多項式. *x\_1, x\_2, ...* が変数.  
***p***          数のリスト. *p=[p0,p1,...]* の時 *p0>=p1>=...>0*.  
***n***          自然数

- この関数は Koev-Edelman による Pieri 型公式を用いた Jack symmetric function の計算アルゴリズムの実装である。詳しくは Wikipedia 英語版 Jack symmetric function の項を参照。
- $\text{zonal}(P,N) = \text{jack}(P,N,2)$  である。

```
load("tk_jack.rr");
[1434] tk_jack.zonal([3,2,1],3);
(112*x_3*x_2^2+112*x_3^2*x_2)*x_1^3+(112*x_3*x_2^3+168*x_3^2*x_2^2+112*x_3^3*x_2)*x_1
[1435] tk_jack.zonal([1,1],3);
(2*x_2+2*x_3)*x_1+2*x_3*x_2
[1436] tk_jack.jack([1,1],3,2);
(2*x_2+2*x_3)*x_1+2*x_3*x_2
```

参照

ChangeLog

- この関数は wishart 分布に従う対称行列の第一固有値が *x* 以下である確率の計算を holonomic gradient method でやるためにその初期値を計算する C のプログラムが必要であった。それを debug するためにとりあえず書いたもの。
- 最適化をまだまださぼってる。

### 2.8.7 xyz\_pqr, xyz\_stu

```
xyz_pqr(arg1,arg2[,flag])
xyz_stu(arg1,arg2)
```

:: xyz に関する操作.

return 整数

arg1, arg2 整数

flag 0 または 1

- この項目は新しい関数の説明を書くためのテンプレートである. 消すな.
- xyz\_pqr() は, arg1, arg2 を pqr する.
- flag が 0 でないとき, モジュラ計算を行う.
- xyz\_stu() は stu アルゴリズムを用いる.

```
[219] xyz_pqr(1,2);
```

3

```
[220] xyz_pqr(1,2,1);
```

3

0

```
[221] xyz_stu(1,2);
```

3

参照 <undefined> [xyz\_abc], page <undefined>

ChangeLog

- この関数は 2004-3-1 から 2004-3-14 にかけて アルゴリズム xyz (論文 <http://www.ago.org/xyz.pdf> ) を用いて書き直された. 変更をうけたソースコードは xxxyy.rr, ppp.c である.
- この関数は 2000 頃にはじめてのバージョンが書かれた. ソースは ppp.c である.

# Index

(Index is nonexistent)

(Index is nonexistent)

## Short Contents

1	実験的仕様の関数説明書について .....	1
2	実験的仕様の関数 .....	2
	Index .....	43

## Table of Contents

<b>1 実験的仕様の関数説明書について . . . . .</b>	<b>1</b>
<b>2 実験的仕様の関数 . . . . .</b>	<b>2</b>
2.1 クオート . . . . .	2
2.1.1 quotetotex, quotetotex_env . . . . .	2
2.1.2 objtoquote . . . . .	3
2.1.3 flatten_quote . . . . .	3
2.1.4 quote_to_funargs, funargs_to_quote, remove_paren . . . . .	4
2.1.5 eval_quote . . . . .	6
2.1.6 nqt_match . . . . .	6
2.1.7 nqt_match_rewrite . . . . .	7
2.1.8 qt_normalize . . . . .	8
2.1.9 qt_set_coef . . . . .	9
2.1.10 qt_set_ord . . . . .	10
2.1.11 qt_set_weight . . . . .	11
2.1.12 nqt_comp . . . . .	11
2.1.13 qt_is_var, qt_is_coef . . . . .	12
2.1.14 qt_rewrite . . . . .	12
2.2 文字列処理 . . . . .	14
2.2.1 copyright . . . . .	14
2.2.2 string_to_tb, tb_to_string, write_to_tb . . . . .	14
2.2.3 set_print_function . . . . .	15
2.2.4 printf, fprintf, sprintf . . . . .	15
2.3 グレブナー基底 . . . . .	16
2.3.1 dp_gr_main . . . . .	16
2.3.2 dp_weyl_gr_main . . . . .	18
2.3.3 dp_initial_term . . . . .	19
2.3.4 dp_order . . . . .	20
2.3.5 nd_gr, nd_gr_trace (加群) . . . . .	21
2.3.6 nd_gr, nd_gr_trace (option) . . . . .	21
2.4 システム . . . . .	22
2.4.1 asir-port.sh, asir-install.sh . . . . .	22
2.4.2 asirgui.hnd . . . . .	23
2.4.3 chdir, pwd . . . . .	24
2.4.4 dcurrenttime . . . . .	24
2.4.5 getpid . . . . .	25
2.4.6 loadpath . . . . .	25
2.4.7 sysinfo . . . . .	25
2.5 言語 . . . . .	26
2.5.1 get_struct_name, get_element_names, get_element_at, put_element_at . . . . .	26
2.5.2 mapat . . . . .	26

2.5.3	list.....	27
2.5.4	assoc.....	27
2.5.5	set_secure_flag, set_secure_mode .....	28
2.5.6	initialize_static_variable .....	29
2.6	数論・代数 .....	30
2.6.1	small_jacobi.....	30
2.6.2	noro_matrix.rr.....	30
2.6.3	f_res.....	31
2.7	D 加群の制限に関する関数 .....	31
2.7.1	nk_restriction.restriction .....	31
2.7.2	nk_restriction.restriction_ideal .....	32
2.7.3	nk_restriction.integration .....	32
2.7.4	nk_restriction.integration_ideal .....	33
2.7.5	nk_restriction.ann_mul.....	33
2.7.6	nk_restriction (option) .....	34
2.7.7	nk_restriction.trans_inhomo .....	35
2.7.8	nk_restriction.ost_integration_ideal .....	35
2.7.9	nk_restriction.ost_sum.....	36
2.8	その他(未分類) .....	37
2.8.1	tk_pfn.rkn .....	37
2.8.2	tk_pfn.graph .....	38
2.8.3	tk_rk.runge_kutta_4 .....	39
2.8.4	tk_rk.runge_kutta_4_linear .....	40
2.8.5	fj_simp.simplify .....	40
2.8.6	tk_jack.zonal .....	41
2.8.7	xyz_pqr, syz_stu .....	42
	Index .....	43