

Allgemeine Form aller Polynome:

Summe aller ("n") Glieder n = Höchster Exponent; Grad der Funktion

$$P(x) = \sum_{i=0}^n a_i x^i = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x + a_0$$

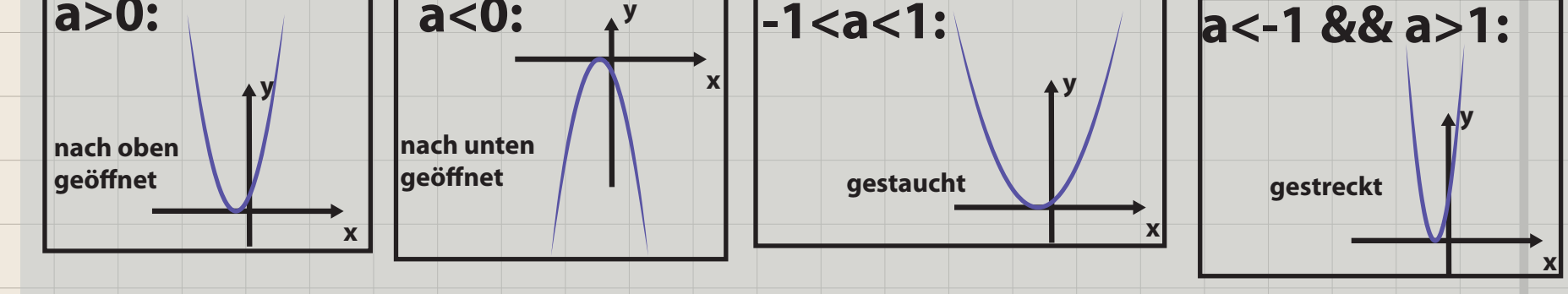
nächst niedrigeres Glied letztes Glied; Konstante

n=1 : Gerade -> "m*x+t" (m = Steigung, t = Y-Achsenabschnitt)

n=3 : Kubisch;

n=2 : Quadratisch; Parabel

Allgemeine Form: "ax²+bx+c" a = Öffnungsfaktor



Schnittpunkte zwischen 2 Graphen:

1. Funktionen gleichsetzen: $h(x) = (f1(x) = f4(x))$
 $-2x^4 + 171x^2 + 5 = -4x^3 + 171x - 281x^2 + 197x - 322x^2 + 197x + 5$

2. Nullstellen von h(x):

$$x1 = -9 \frac{131}{698} \quad x2 = 11 \frac{125}{501}$$

3. Schnittpunkte ausrechnen:

$$f1(-9 \frac{131}{698}) = 4 \frac{165}{285} \quad f1(11 \frac{125}{501}) = 13 \frac{49}{128}$$

Polynomdivision:

- 1. Eine Nullstelle finden
- 2. f1(x)/(x-Nst.) = Zielfunktion

Handwritten polynomial division steps for $(-2/561x^4 + 0x^3 + 171/559x^2 + 0x + 5) / (x-10)$. Includes a table for the division process and a note: "Newton Methode für Nullstellen: 1. Wert nahe der Nullstelle finden, 2. neuer Wert = Wert - f(Wert)/f'(Wert)".



$$f2(x) = 0,8x^2 + 8x + 20$$

$$f3(x) = 1*x + 0$$

Punktsymmetrie zum Ursprung

$$f4(x) = -\frac{4}{281}x^3 + \frac{197}{322}x$$

Punktsymmetrie zum Ursprung da f4(x) = f4(-x) oder alle Exponenten ungerade

$$f1(x) = -\frac{2}{561}x^4 + \frac{171}{559}x^2 + 5$$

Y-Achsenymmetrie da f1(x) = f1(-x) oder alle Exponenten gerade

Funktion f(x)	Stammfkt. F(x)
$\frac{1}{x^n}$	$\frac{1}{n-1} x^{n-1}$
x^n	$\frac{1}{n+1} x^{n+1}$
\sqrt{x}	$\frac{2}{3} x^{3/2}$
$\frac{1}{\sqrt{x}}$	$\frac{2}{1} x^{1/2}$

IO Matrix	U	V	W	X	Y	Z
U	10	0	4	0	0	19
V	8	20	12	10	0	80
W	16	20	30	15	0	81

Schritt 4 von unten nach oben auflösen

Brüche

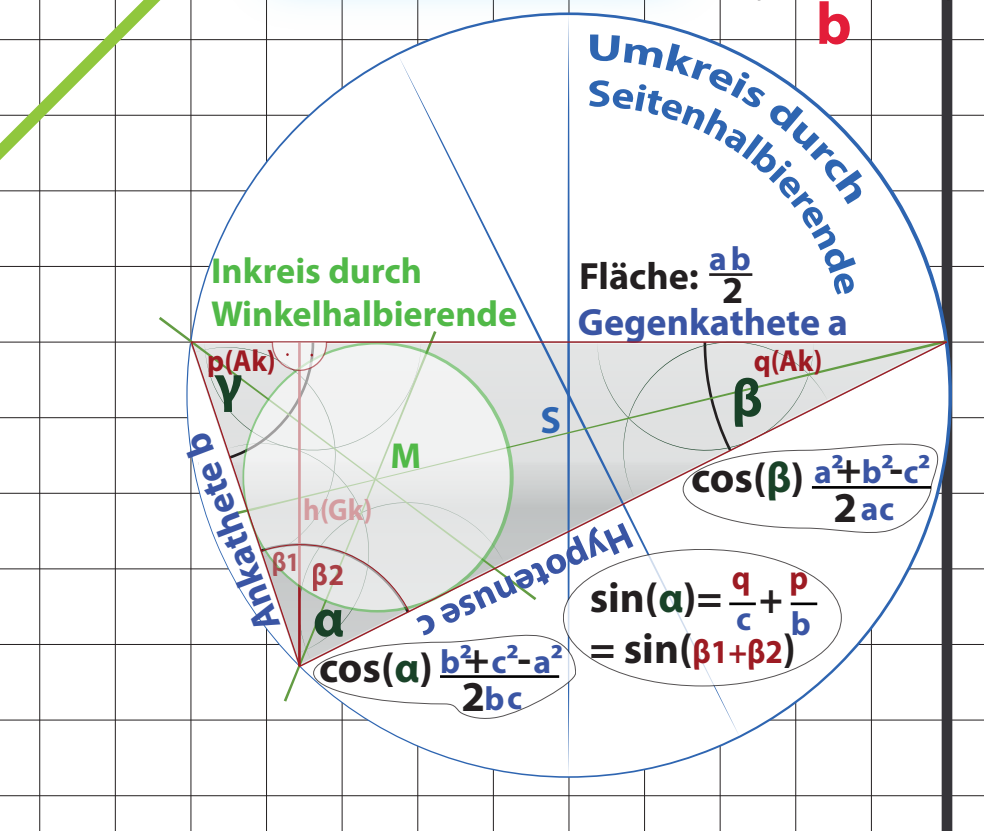
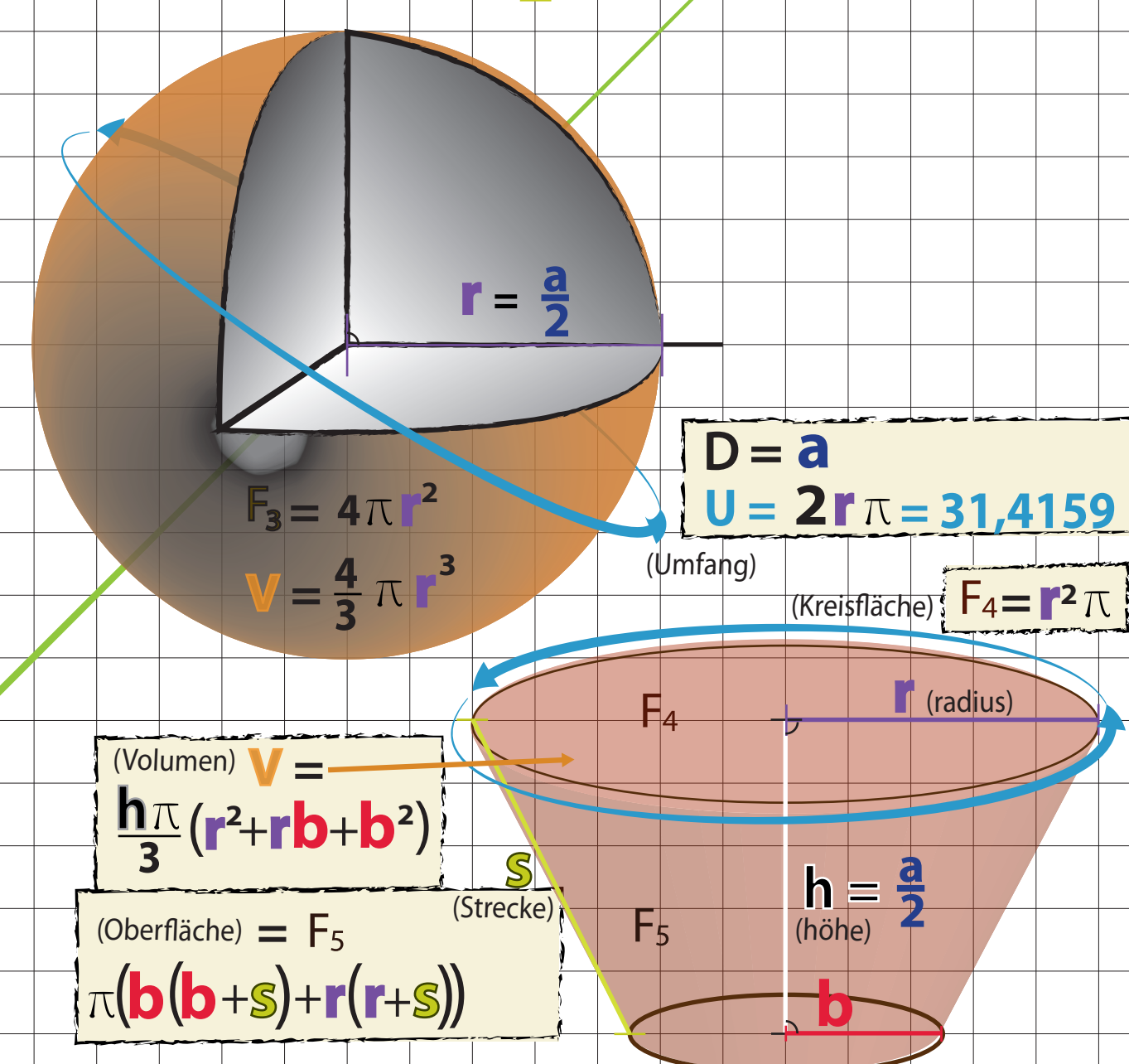
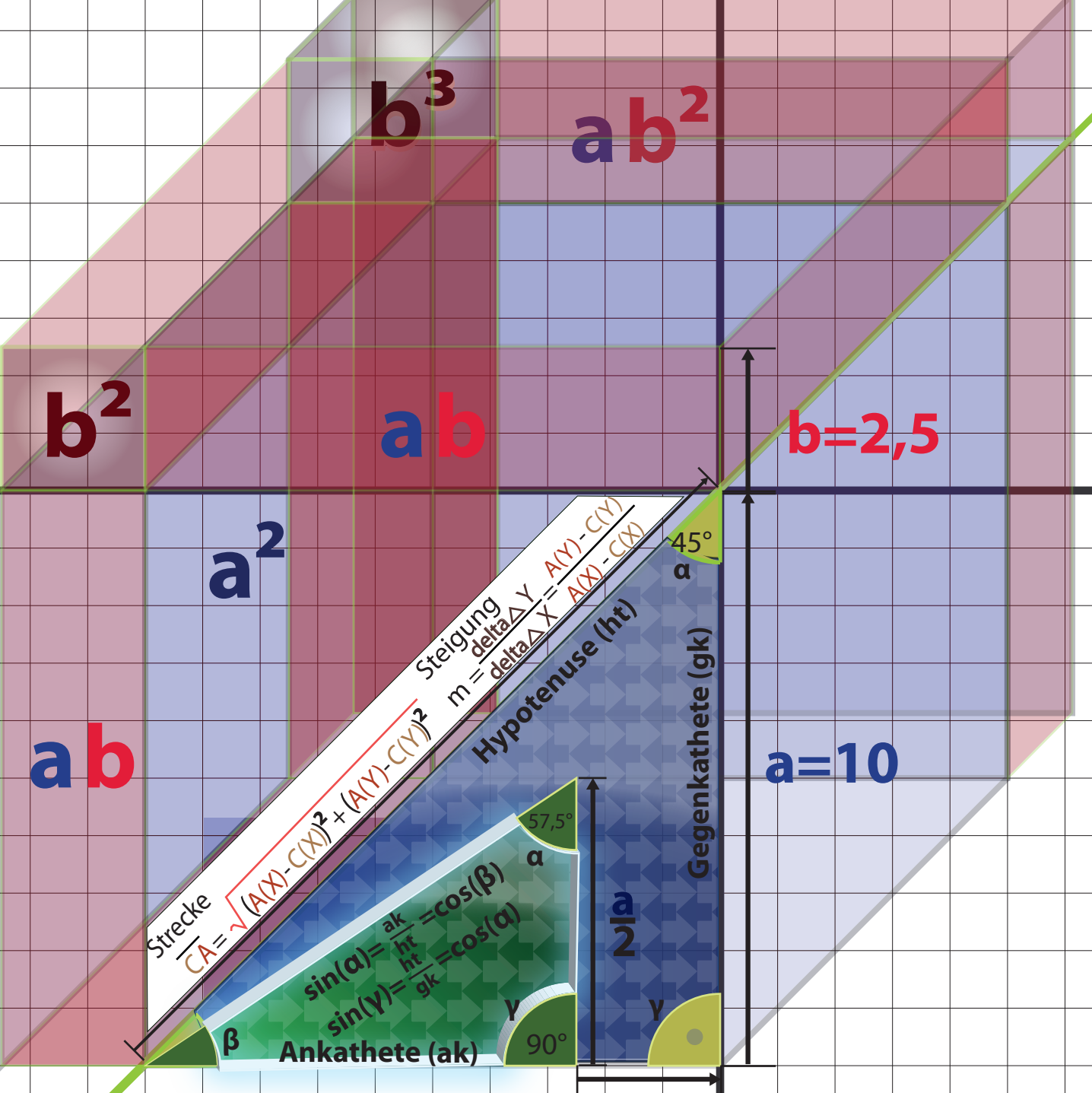
$$\frac{a+b}{r} = \frac{a}{r} + \frac{b}{r}$$
$$\frac{a}{b} * r = \frac{a*r}{b}$$
$$\frac{a}{b} * \frac{r}{u} = \frac{a*r}{b*u}$$
$$\frac{a}{b} : \frac{r}{u} = \frac{a*u}{b*r}$$

Kommutativgesetz: $a*b = b*a$
Assoziativgesetz: $(a*b)*c = a*(b*c)$
Distributivgesetz: $a*(b+r) = a*b + a*r$

Beispiel (möglicher Weg):
1. innerste Klammer lösen
2.1 Brüche lösen
2.2 Punkt vor Strich
3. nächste Klammer *
4. Nenner lösen
5. =100 *
Handwritten calculation: $\frac{250/2,5=100}{10^2=100} + \frac{a^2/b}{b} + \frac{2ar}{100} = a^2$

Binomische Formeln

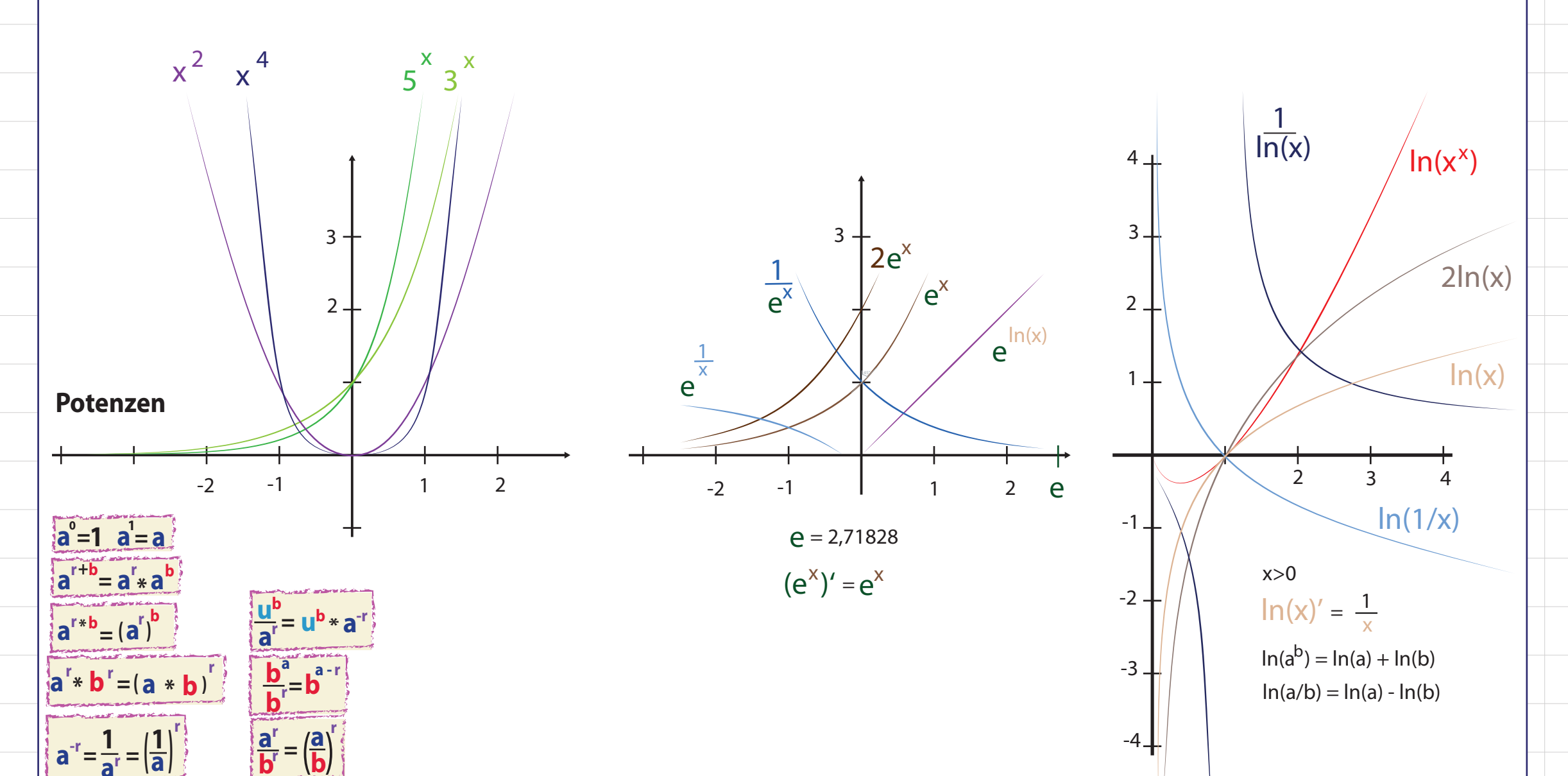
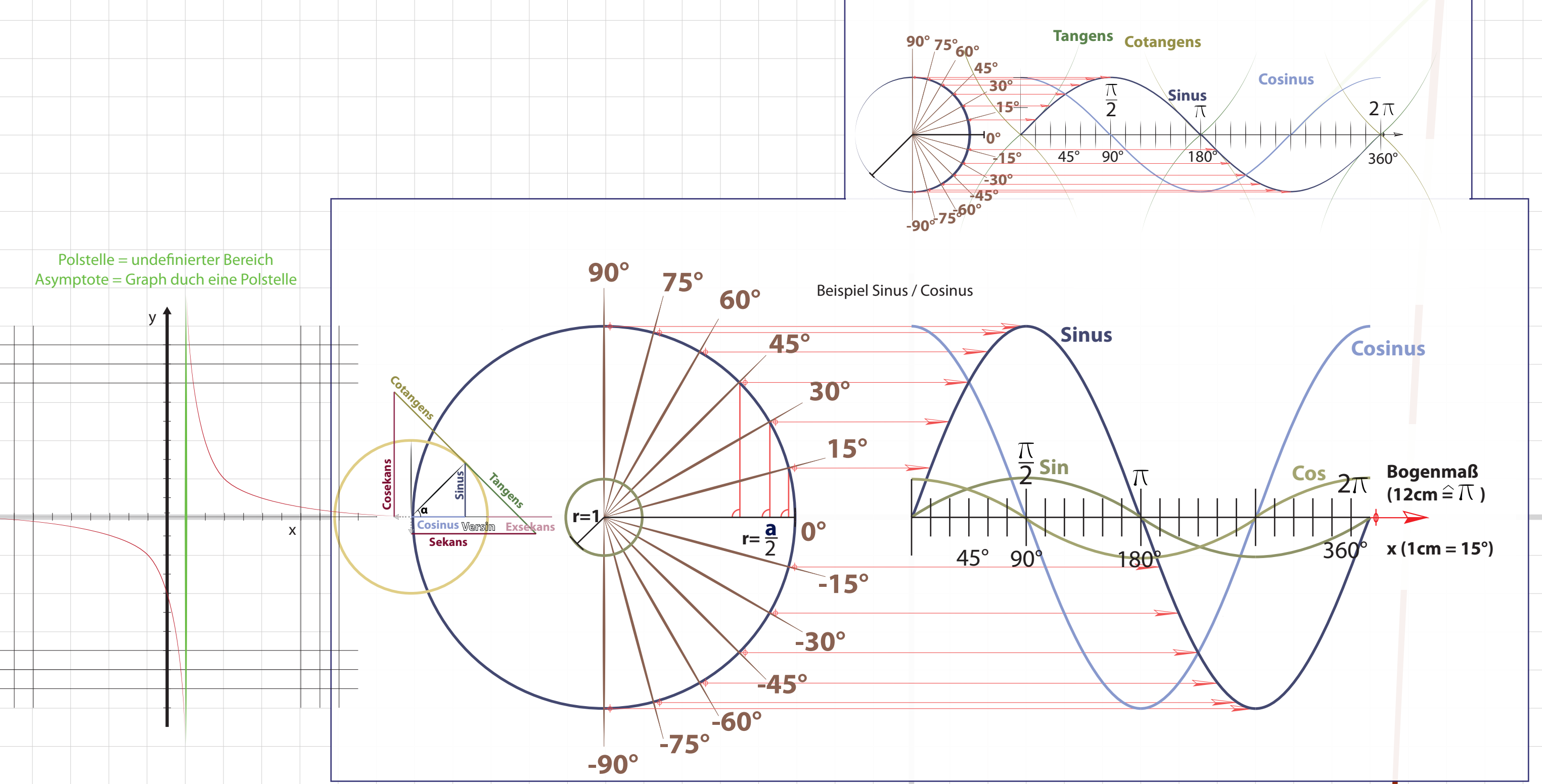
$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$
$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$
$$a^2 - b^2 = (a+b)(a-b)$$



Flächen:

Fläche zwischen f1(x) und f4(x): $A1 = \int_{x1}^{x2} f1(x)dx - f4(x)dx$
1.1 Schnittpunkte: $h(x) = (f1(x) = f4(x))$
1.2 Integrationsgrenzen: $x1 = -9 \frac{131}{698}, x2 = 11 \frac{125}{501}$
2. Auflösen: $H(x) = \int h(x)dx = -\frac{2}{2805}x^5 + \frac{x^4}{281} + \frac{57}{559}x^3 - \frac{197}{322}x^2 + 5x$
3. Schnittpunkte einsetzen: $A = H(x1) = 91 \frac{33}{140} + H(x2) = -77 \frac{136}{155} = 169 \frac{25}{221}$
2. Stammfunktionen: $F1(x) = -\frac{2}{2805}x^5 + \frac{57}{559}x^3 + 5x$
 $F4(x) = \frac{197}{322}x^2 - \frac{x^4}{281}$
 $F1(x1) = -78,341 \quad F1(x2) = 72,954$
 $F4(x1) = -0,464 \quad F4(x2) = -18,282$
 $A = 72,954 + 78,341 + 0,464 + 18,282 = 170 \frac{23}{561}$

Extremwerte:
1. Ableitung (Steigung): $f'(x) = 0$ = Hoch- oder Tiefpunkt
2. Ableitung (Krümmung): $f''(x) = 0$ und $f''' \neq 0$ = Wendepunkt
3. $\{f''(x) \& f'(x) \& f(x)\} = 0$ = Terrassenpunkt



Potenzen
 $a^1 = a$
 $a^0 = 1$
 $a^x * a^y = a^{x+y}$
 $\frac{a^x}{a^y} = a^{x-y}$
 $a^{-x} = \frac{1}{a^x}$
 $a^{\frac{1}{x}} = \sqrt[x]{a}$